生物から宇宙までの非線形現象

2017/9/20



犬塚修一郎(名大·理·物理·TA研)





(約30年前)阪上さんとのコラボ



この民族音楽大集成は、1992年、キングレコード より100枚+ボーナス4枚の104枚CD全集(ケース・ 解説本付属)としてリリースされた.価格30万円!

編集は小泉文夫「偉大な彼の功績は、我々の文化遺産です」

ザ・ワールドルーツ ミュージックライブラリー

世界最強の民族音楽シリーズ

総タイトル数 150 タイトル 総枚数 191 枚 総金額 288,000円

http://www.heibonnotomo.jp/world/index.html



我々とその住処の起源は? 宇宙の歴史の中で...



惑星形成の標準モデル

宇宙に存在している ガスのほとんどは水 素とヘリウム!

地球や生物の体を作 る材料(酸素・炭素・ 鉄・シリコン等)は全 物質の数%程度しか ない!



注:京都モデル とも呼ばれる



Michikoshi, Inutsuka, Kokubo & Furuya 2007; Michikoshi, Kokubo & Inutsuka 2009







Trans-Neptunian Objects (海 王星以遠天 体)

冥王星: 1930年に発見され た海王星以遠天 体 2006年8月24

体. 2006年8月24 日、国際天文学連 合総会でdwarf planet (矮惑星) に分類される.



惑星形成シナリオの2つの困難

1. 塵粒子が沈殿できない!
 沈殿すると乱流が発生して撹乱
 →微惑星ができない!

惑星系形成の標準的なシナリオ(京都モデル)



2. もし、原始惑星ができたとしても、時間をかけて中心星に落下する!

 質量の大きなガス円盤との相互作用

 予惑星ができても失われる!

これまでの惑星形成理論は正しいのか?

1970年代標準モデル(京都モデル)が生まれる

1980年代 電波天文学により星形成の現場が 観測される

1990年代 <u>原始惑星系円盤</u>が直接観測される 1995年 <u>系外惑星の発見</u>

2009年 ケプラー宇宙望遠鏡打上げ

現在発見された系外惑星は2千個以上!

惑星形成論は急速な展開期

を迎えている!



最近の発見

ALMA望遠鏡=日米欧が南米チリに建設したある電波干渉計

....

S. Martin

See a Printer

-



0

0

Us

0

0

NMA (野辺山電波干渉計)

-183



複数リング構造の 発見(2014年11月)

XZ Tau

HL Tau

+132

02







複数リング構造の<u>予言(2014年9月)</u>

The Astrophysical Journal, 794:55 (7pp), 2014 October 10 © 2014. The American Astronomical Society. All rights reserved. Printed in the U.S.A. doi:10.1088/0004-637X/794/1/55

TWO-COMPONENT SECULAR GRAVITATIONAL INSTABILITY IN A PROTOPLANETARY DISK: A POSSIBLE MECHANISM FOR CREATING RING-LIKE STRUCTURES

Sanemichi Z. Takahashi^{1,2} and Shu-ichiro Inutsuka¹

¹ Department of Physics, Nagoya University, Furo-cho, Chikusa-ku, Nagoya, Aichi 464-8602, Japan; takahashi.sanemichi@a.mbox.nagoya-u.ac.jp, inutsuka@nagoya-u.jp

² Department of Physics, Kyoto University, Oiwake-cho, Kitashirakawa, Sakyo-ku,

Kyoto 606-8502, Japan; sanemichi@tap.scphys.kyoto-u.ac.jp

Received 2013 December 25; accepted 2014 July 28; published 2014 September 24

4.3. Ring Structure Formation in Protoplanetary Disks

Observations of protoplanetary disks show that ring structures form at a radius of about 100 AU. We evaluate the most unstable wavelength and the growth timescale of the instability at a radius of 100 AU for the case of a $1 M_{\odot}$ central star, a temperature of 28 K, and a dust stopping time $t_{\text{stop}} = t_{\text{stop, crit}} =$ $1.3 \times 10^{-1} \Omega^{-1}$. We assume the case Q = 3, corresponding to a marginally gravitationally stable disk, a high dust-to-gas mass ratio, $\epsilon = 0.1$, and $\alpha = 4 \times 10^{-4}$. These parameters correspond to $\eta = 10^{-2}$. Then, the most unstable wavelength is about 13 AU and the growth timescale is about 2×10^4 yr. These results are consistent with observation because the disk lifetime is about 10^6 yr and the observed ring width is a few tens of AU. The dust radius that corresponds to a stopping time $t_{\text{stop}} = 0.13 \Omega^{-1}$ in this disk is about 4 mm.

永年重力不安定性
 ALMAのプレス・リ
 リースの1カ月以上
 前に出版済み
 → デブリ円盤の起
 源を説明

Many Theory Papers on HL-Tau!

- Takahashi & SI 2014: "Prediction from SGI"
- Zhang+2015: "Dust Growth"
- Okuzumi+2015: "Dust Growth/Destruction and Migration"
- Kanagawa+2015: "Gaps by Planets"
- Dipierro+2015: "SPH Simulation of Planets"
- Jin+2016: "Gaps by Planets"

and possibly more!

Focus on SGI in this talk!

原始惑星系円盤における多重リング構造

ALMA望遠鏡による円盤観測



	HL Tau	TW Hya	HD 163296	
Age	< 1 - 2 Myr	~10 Myr	5 Myr	
Mass of Central Star	~ 1.3 M _{sun}	~ 0.8 M _{sun}	~ 2.3 M _{sun}	
# of Rings	7 bright rings	5 gaps	3 gaps	

Resistive MHD Calc. from Mole. Cloud Core



What Mechanism for Rings?

Possible Mechanism

- Variety of Secular (Grav.) Instabilities (SGIs)
 - Ward 2000, Youdin 2011, Michikoshi, Kokubo, & SI 2012
 - Timescale should be >10^{4~5}yr ! $\leftrightarrow T_{disk}$ =1Myr
- ←Various Types of Dissipation
 - 1) Turbulent Viscosity (α)

2) Friction between Gas and Dust SGI for 2-Component System Takahashi & SI (2014) ApJ 794, 55 Takahashi & SI (2016) AJ 152, 184

SGI for 2-Component System



SGI for 2-Component System



 $n=-i\omega$: growth rate

SGI for 2-Component System

$$-i\omega\delta\Sigma + ik\Sigma_0\delta u_x = 0,$$

$$-i\omega\delta u_{x} - 2\Omega\delta u_{y} = -c_{s}^{2}\frac{ik\delta\Sigma}{\Sigma_{0}} - ik\delta\Phi_{self} + \frac{\epsilon(\delta v_{x} - \delta u_{x})}{t_{stop}},$$
$$-i\omega\delta u_{y} + \frac{\Omega}{2}\delta u_{x} = \frac{\epsilon(\delta v_{y} - \delta u_{y})}{t_{stop}},$$
$$-i\omega\delta\Sigma_{d} + ik\epsilon\Sigma_{0}\delta v_{x} = 0,$$
$$-i\omega\delta v_{x} - 2\Omega\delta v_{y} = -c_{d}^{2}\frac{ik\delta\Sigma_{d}}{\epsilon\Sigma_{0}} - ik\delta\Phi_{self} + \frac{\delta u_{x} - \delta v_{x}}{t_{stop}},$$
$$-i\omega\delta v_{y} + \frac{\Omega}{2}\delta v_{x} = \frac{\delta u_{y} - \delta v_{y}}{t_{stop}},$$
$$1 \text{ Unstable Mode}$$
$$\delta\Phi_{self} = -\frac{2\pi G}{|k|}(\delta\Sigma + \delta\Sigma_{d})$$

among 6 different dynamical modes



Origin for <u>α=10⁻⁴</u> (Okuzumi & SI 2015, ApJ **800**, 47; Mori & Okuzumi 2016)

Recommended Parameters in 2014

The Astrophysical Journal, 794:55 (7pp), 2014 October 10 © 2014. The American Astronomical Society. All rights reserved. Printed in the U.S.A.

TWO-COMPONENT SECULAR GRAVITATIONAL INSTABILITY IN A PROTOPLANETARY DISK: A POSSIBLE MECHANISM FOR CREATING RING-LIKE STRUCTURES

Sanemichi Z. Takahashi^{1,2} and Shu-ichiro Inutsuka¹

¹ Department of Physics, Nagoya University, Furo-cho, Chikusa-ku, Nagoya, Aichi 464-8602,

Japan; takahashi.sanemichi@a.mbox.nagoya-u.ac.jp, inutsuka@nagoya-u.jp

² Department of Physics, Kyoto University, Oiwake-cho, Kitashirakawa, Sakyo-ku,

Kyoto 606-8502, Japan; sanemichi@tap.scphys.kyoto-u.ac.jp

Received 2013 December 25; accepted 2014 July 28; published 2014 September 24

4.3. Ring Structure Formation in Protoplanetary Disks

Observations of protoplanetary disks show that ring structures form at a radius of about <u>100 AU</u>. We evaluate the most unstable wavelength and the growth timescale of the instability at a radius of 100 AU for the case of a 1 M_{\odot} central star, a temperature of 28 K, and a dust stopping time $t_{\text{stop}} = t_{\text{stop, crit}} =$ $1.3 \times 10^{-1} \Omega^{-1}$. We assume the case Q = 3, corresponding to a marginally gravitationally stable disk, a high dust-to-gas mass ratio, $\epsilon = 0.1$, and $\alpha = 4 \times 10^{-4}$. These parameters correspond to $\eta = 10^{-2}$. Then, the most unstable wavelength is about 13 AU and the growth timescale is about 2×10^4 yr. These results are consistent with observation because the disk lifetime is about 10^6 yr and the observed ring width is a few tens of AU. The dust radius that corresponds to a stopping time $t_{\text{stop}} = 0.13 \Omega^{-1}$ in this disk is about 4 mm. Growth Timescale = 2×10^4 yr

$$t_{\rm grow} < t_{\rm migrat}$$

Ideal for HL-Tau?

doi:10.1088/0004-637X/794/1/55

From Observation of HL-Tau

Exponentially Cut-Off Disk (Kwon+2015)

$$T(r) = 30 \left(\frac{r}{20 \text{ [AU]}}\right)^{-0.65} \text{ [K]}$$

$$\Sigma_{d}(r) = 0.51 \left(\frac{r}{80 \text{AU}}\right)^{0.2} \exp\left[-\left(\frac{r}{80 \text{AU}}\right)^{1.8}\right] \text{ g cm}^{-2}$$

Power-Law Disk (Kataoka+2015)

$$T = 280 \left(\frac{r}{1 \text{ [AU]}}\right)^{-0.3} \text{ [K]}$$

$$\Sigma_{\rm d} (r) = 4.15 \left(\frac{r}{1 \text{ AU}}\right)^{-0.3} \text{ g cm}^{-2}$$

 $\alpha \leq 3 \times 10^{-4}$ (e.g., Pinte+2015)



SGI: Dependence on Turbulent Mixing



Takahashi & SI (arXiv:1604.05450)

永年重力不安定性 (Secular GI)の非線形段階は?

Takahashi & Inutsuka (2016)

- 線形解析の結果, Secular Gliによるリング形成がHL Tauで起きうる
- ロ リング形成から起こる惑星形成を示唆
- □ より詳細な解析には数値計算が必要



<u>非線形計算の目的</u> 数値計算によってSecular GIの 非線形成長とリング形成機構を解明する

数值計算法

<u>Secular GIの数値計算の困難</u>

- □ 成長時間が円盤の回転周期よりかなり長い
- □ 摩擦 = 散逸 によって成長

数値誤差の蓄積によってSecular GIがかき消される

本研究

<u>長時間流体計算法</u>

✓ Lagrange mesh法

空間差分による数値散逸を回避

✓ Symplectic法

時間積分による数値散逸を回避

散逸系への応用

✓ 区分厳密解法を用いた 摩擦の計算

Symplectic method for fluid dynamics

Formulation based on the action principle

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{x}} \right) - \frac{\partial L}{\partial x} = 0 \quad \text{min} \quad \mathbf{Eq. of Motion}$$

$$L = \int \mathrm{dV} \left[\rho \left(\frac{\dot{x}^2}{2} - u \right) \right] \quad \begin{array}{c} \rho \text{ :Density} \\ u \text{ :Specific internal density} \end{array}$$

$$L = \sum_{i=1}^{N-1} \left(m_{i+1/2} \frac{\dot{x}_{i+1/2}^2}{2} \right) - \sum_{i=1}^{N} m_i u_i \quad \begin{array}{c} \rho \text{ internal density} \\ p \text{ internal density} \end{array}$$

$$m_{i+1/2} = (m_i + m_{i+1})/2 \quad \begin{array}{c} m_i u_i \\ m_i \text{ : Mass defined at i-th cell} \end{array}$$

$$m_{i+1/2} \ddot{x}_{i+1/2} = -(P_{i+1} - P_i) \quad \text{: Eq. of motion of Cell}$$

Test of new symplectic scheme



Basic equations



Dust

$$\begin{split} \frac{\partial \Sigma_{\rm d}}{\partial t} + \nabla \cdot (\Sigma_{\rm d} \boldsymbol{v}) &= 0\\ \Sigma_{\rm d} \left(\frac{\partial \boldsymbol{v}}{\partial t} + (\boldsymbol{v} \cdot \nabla) \, \boldsymbol{v} \right) &= -c_{\rm d}^2 \nabla \Sigma_{\rm d} - \Sigma_{\rm d} \nabla \left(\Phi - \frac{GM_*}{r} \right) + \frac{\Sigma_{\rm d} \left(\boldsymbol{u} - \boldsymbol{v} \right)}{t_{\rm stop}} \end{split}$$

Poisson eq. $\nabla^2 \Phi = 4\pi G \left(\Sigma_g + \Sigma_d \right) \delta(z)$

・非線形計算(1):線形解析との比較

・非線形計算(2): 大局的な進化

非線形計算と線形解析の比較



非線形計算と線形解析の比較

<u>非線形成長が引き起こすリング崩壊</u>

以下の関数を用いてダストの面密度 進化をフィッティング:

$$f(\tilde{t}) = a(\tilde{t}_c - \tilde{t})^{-q}$$
, $\tilde{t} \equiv t n_{
m SGI}$

 $n_{
m SGI}$:成長率 $ilde{t}_c = t_c n_{
m SGI}$:崩壊時刻

<u>冪qは崩壊の速さを表す</u>

t=t。まで線形成長したと仮定し、 <u>δ。を用いて"崩壊時刻"を定義する</u>:

$$\delta_c \equiv \delta \Sigma_{
m d}(t=t_c)/\Sigma_{
m d,0}$$



非線形計算と線形解析の比較



・非線形計算(1):線形解析との比較



永年重カ不安定性の大局的な進化



ダスト優勢なリングの形成 -> 自己重力的分裂による微惑星形成

永年重力不安定性の非線形成長:リング落下



永年重力不安定性の非線形成長:リング落下



リング落下のメカニズム

リング自身の自己重力によって促進される落下



リング落下のメカニズム

仮定1: ガスの動径方向の速度は0



<u>コリオリカは落下を少し減速するだけ -> 落下は次の式で大雑把に理解出来る</u>

$$rac{v_r}{t_{
m stop}}\simeq -rac{c_{
m d}^2}{\Sigma_{
m d}}rac{\partial\Sigma_{
m d}}{\partial r}-rac{\partial\Phi}{\partial r}$$

非線形成長の飽和:

$$-\frac{c_{\rm d}^2}{\Sigma_{\rm d}}\frac{\partial\Sigma_{\rm d}}{\partial r} - \frac{\partial\Phi_{\rm a}}{\partial r} = 0$$
リング重力の反対称成分
$$\Phi = \Phi_{\rm a} + \Phi_{\rm h}$$

$$\frac{v_r}{t_{\rm stop}} \simeq -\frac{\partial\Phi_{\rm h}}{\partial r}$$
リング重力の一様成分

リング落下のメカニズム

リング自身の自己重力によって促進される落下



□ 半解析モデル

- ガスの動径方向の速度 = 0
- ダストの動径方向の速度 Ur:終端速度
- ダストとガスの回転速度と Kepler速度の差 $\delta v_{\phi} \delta u$ は微小

✓リングの自己重力の一様成分 + ダストが受ける動径方向の摩擦 = 0

$$v_r\simeq -t_{
m stop}rac{\partial\Phi_{
m h}}{\partial r}$$
 (一 $rac{\partial\Phi_{
m h}}{\partial r}$: リングの自己重力の一様成分)

<u>リングの自己重力で円盤内側に引っ張られることで落下</u>

ダストリング内での微惑星形成

(1) リングの落下速度はおおよそ<u>10⁻⁵ – 10⁻⁴ au/yr</u>

(2) 非線形成長の結果ダストガス比が高い(~10)リングが形成された

<u>ダストガス比が高いとダストのドリフト速度も低下する</u>

(Nakagawa et al. 1986)



初期にダストがドリフトしている円盤でも永年重力不安定性が成長!



ロ まとめ

永年重力不安定性の非線形計算

• ダストが先行して非線形成長: 密度は時間に反比例して進化 $\Sigma_{
m d} \propto t_{
m ff}^{-1}$

 $\partial \Phi_{\rm h}$

• ダスト優勢なリングの形成: ダストガス比が10程度まで成長

-> 自己重力的分裂による微惑星形成に繋がる

- リング自身の重力によってダストリングは落下 $v_r\simeq -t_{
 m stop} rac{--r}{\partial r}$
 - リング落下速度(~ドリフト速度@ダストリング)は十分遅い ->ダストの中心星への落下を回避して微惑星形成に繋がる可能性あり
- 初期に大局的な圧力勾配のある円盤での非線形成長

□ 今後の課題

- ガス乱流によるダストの拡散
- ダストのサイズ進化、分布

まとめ

- •標準惑星形成理論の破綻
- 観測の発展
- 星形成論の発展

 ガスとダストの原始惑星系円盤の形成
 その中での惑星形成

 SGIによる新しいシナリオの台頭

すばるやALMA望遠鏡による発見のラッシュ