# 中性子星・超新星内部の クォーク物質における カイラル磁気波と重力波

#### 花井奏太 (慶應義塾大学)

Sota Hanai, Naoki Yamamoto arXiv:2203.16133

2022年9月2日 @素粒子物理学の進展

## アウトライン

- イントロダクション
- カイラル輸送現象とカイラル波
- クォーク物質におけるカイラル磁気波
- カイラル磁気モードの重力波
- まとめと展望

# イントロダクション

# 中性子星

- 恒星の核燃料が尽きると超新星爆発
- 爆発後のコアが冷えた天体:中性子星
- 典型的な物理量
  - 質量 ~ 太陽質量
  - 半径 ~ 10 km
  - 磁場 ~ 10<sup>12</sup>-10<sup>15</sup> Gauss (内部はより強い)
  - 温度 ~ 10<sup>6</sup>-10<sup>9</sup> K

中性子星の内部構造? → **星震学** 

密度~ $10^{15}$  g/cm<sup>3</sup>



Credit: Casey Reed/ Penn State University



• 星震は天体内部の情報を持つ



• 星震学での計算の概要



# 振動モードと動機

- 星震や重力波の物理的な起源(輸送)に応じた振動モード
  - pモード, gモード, rモード, …
- これら以外の振動モードは存在しないのか?
- 状態方程式に依らずに内部の情報を得られないか?

クォークの**カイラリティ**により, 新たな振動モードの星震・重力波が存在

# カイラル輸送現象と カイラル波

輸送のパリティ

電場をかけると電流が発生(Ohm則)

$$ej = \sigma E$$
  $\longrightarrow$   $e(-j) = \sigma(-E)$   
パリティ変換

磁場をかけると電流は生じるか?

$$ej = \sigma_m B$$
  $\longrightarrow$   $e(-j) = \sigma_m B$   
パリティ変換

 $\sigma_{\rm m} \rightarrow -\sigma_{\rm m}$  ならば、このような輸送が生じうる

# カイラル磁気/分離効果

・ 右巻き/左巻きのカレント  

$$j_{R} = \frac{e\mu_{R}}{4\pi^{2}}B, \quad j_{L} = -\frac{e\mu_{L}}{4\pi^{2}}B$$
  
 $p$  左巻き  
· ベクトル/カイラル化学ポテンシャル  
 $\mu = \frac{\mu_{R} + \mu_{L}}{2}, \quad \mu_{5} = \frac{\mu_{R} - \mu_{L}}{2}$   
 $j = j_{R} + j_{L} = \frac{e\mu_{5}}{2\pi^{2}}B, \quad j_{5} = j_{R} - j_{L} = \frac{e\mu}{2\pi^{2}}B$   
CME CSE

Vilenkin (1980); Nilsen, Ninomiya (1983); Fukushima, Kharzeev, Warringa (2008); ···

B

Son, Zhitnitsky (2004); Metlitsky, Zhitnitsky (2005); …



• CMEとCSEによる密度揺らぎの波 Newman (2006); Kharzeev, Yee (2010)

• 波動方程式と分散関係

$$\left[\partial_t^2 - \left(\frac{e\mathbf{B}}{2\pi^2\chi}\cdot\nabla\right)^2\right]\delta n = 0 \qquad \Longrightarrow \qquad \omega_{\rm CMW} = \frac{e\mathbf{B}}{2\pi^2\chi}\cdot\mathbf{k}$$

- ・ 平衡状態でのカイラリティのインバランスがなくても伝播

   (µ<sub>5</sub> = 0)
- 重イオン衝突実験のクォークグルーオンプラズマでの可能性

# クォーク物質における カイラル磁気波

Hanai, Yamamoto (2022)

# カイラル磁気モード

- 中性子星・超新星内部のクォークは相対論的
- CMWは平衡状態でカイラリティのインバランスなしに伝播
- クォーク数密度のCMW:電荷密度のような減衰はない ~ e<sup>-σt</sup>
- 中性子星・超新星内部の強力な磁場の可能性(~10<sup>18</sup> Gauss)
   Lai, Shapiro (1991); Cardall, Prakash, Lattimer (2001); Ferrer, et al. (2010); …

#### 中性子星・超新星内部のクォーク物質において, 新たな振動モード(**CMモード**)が存在

### カイラリティフリッピング

- クォークの質量項
  - $\mathscr{L}_{mass} = -m_q \overline{\psi}_L \psi_R + h.c.$  カイラリティフリッピング 混合
- カイラリティフリッピング率

$$\Gamma_{\rm flip} \sim \frac{\alpha_{\rm s}^2 m_{\rm q}^2}{\bar{\mu}_{\rm q}^2 q_{\rm D}} T^2$$

#### カイラリティフリッピングによりCMWは減衰

# カイラル磁気モードの 重力波

Hanai, Yamamoto (2022)

# Cowling近似

• Newton重力:重力ポテンシャルからの反跳を無視

Cowling (1941)

• 一般相対論:重力波からの反跳を無視



# Cowling近似

• Newton重力:重力ポテンシャルからの反跳を無視

Cowling (1941)

• 一般相対論:重力波からの反跳を無視





## CMモードの振動数

CMモードの分散関係

$$\omega_{\rm CM} \simeq V_{\rm CM} |k_z| - i \frac{\Gamma_{\rm flip}}{2} - i e^{\lambda - \rho} D k_z^2 \qquad V_{\rm CM} \equiv e^{\lambda - \rho} \frac{eB}{2\pi^2 \chi}$$

● 振動数の範囲

イラリティ 
$$\Gamma_{\text{flip}} = \frac{V_{\text{CM}}^2}{4\pi} \ll f_{\text{CM}} \ll \frac{V_{\text{CM}}^2}{2\pi D} = \frac{3V_{\text{CM}}^2}{2\pi \tau}$$
 拡散

緩和時間

力



Heiselberg, Pethick (1993)

#### usual Fermi liquid Landau damping

# 振動数の評価

- 仮定する値:  $\alpha_s \simeq 0.5$ ,  $\bar{\mu} \simeq 600$  MeV,  $m_{u,d} \sim 1$ MeV
- 振動数の範囲

$$10^{3} \text{ Hz} \left(\frac{T}{10^{6} \text{ K}}\right)^{2} \ll f_{\text{CM}} \ll 10^{6} \text{ Hz} \left(\frac{B}{10^{18} \text{ Gauss}}\right)^{2} \left(\frac{T}{10^{6} \text{ K}}\right)^{5/3}$$

• 振動数の物理パラメータ依存性

$$f_{\rm CM} \sim 10^4 \text{ Hz} \left(\frac{B}{10^{18} \text{ Gauss}}\right) \left(\frac{\bar{\mu}}{600 \text{ MeV}}\right)^{-2} \left(\frac{k}{10^{-3} \text{ /cm}}\right)$$

CMモードの重力波は天体内部磁場・

クォーク物質のプローブになり得る

### CMモードの重力波の振幅

振幅の公式:

$$h \sim \frac{1}{d} \sqrt{\frac{GE_{\rm GW}}{f}}$$

- 重力波のエネルギーは、その発生現象に依存
- CMモードの重力波の振幅
  - cf. 巨大フレア ~ 10<sup>46</sup> erg
  - 天の川銀河の半径 ~ 10 kpc

$$h_{\rm CM} \sim 10^{-22} \left( \frac{E_{\rm GW}}{10^{44} \text{ erg}} \right)^{1/2} \left( \frac{f_{\rm CM}}{10^4 \text{ Hz}} \right)^{-1/2} \left( \frac{d}{10 \text{ kpc}} \right)^{-1}$$

### まとめと展望



- CMモード:天体内部磁場、クォーク物質の新たなプローブ
- 超新星コアにおけるカイラル渦波による星震:CVモード
- Γ<sub>flip</sub>, *D* への磁場の寄与?



### 電子物質のカイラル磁気波

- 中性子星・超新星内部の電子は相対論的
- 電子物質の場合、電荷密度と電子数密度が独立でない
- (カイラルアノマリーでギャップを持つ)
- 電荷密度:conductivity で減衰 Shovkovy, Rybalka, Dorbar (2018) ~ e<sup>-σt</sup>

$$\Gamma_{\rm flip} \ll \frac{eB}{2\pi^2 \chi_{\rm e}} \frac{1}{l_{\rm mfp}} \ll \sigma$$
 
放として存在できない

# 電子物質の散乱過程

- 電子物質の散乱過程の候補:
  - 電子-電子散乱
  - 電子-陽子散乱
  - 電子-光子散乱
- 電子:縮退,陽子:縮退(中性子星) or 非縮退(超新星)
- 光子密度 ~  $T^3 \ll$  電子密度 ~  $\overline{\mu}_e^3$
- 典型的なエネルギー:  $\bar{\mu}_{e} \ll m_{p}$

支配的な散乱は、電子-陽子散乱(Rutherford散乱)

カイラリティフリッピング率



# クォーク物質の緩和時間

- 媒質の効果
  - Iongitudinal: Debye遮蔽(通常のFermi液体的)
  - transverse: Landau減衰

$$\frac{1}{\tau} \sim \# \alpha_{\rm s}^2 \frac{T^2}{q_{\rm D}} + \# \alpha_{\rm s}^2 \frac{T^{5/3}}{q_{\rm D}^{2/3}}$$

Heiselberg, Pethick (1993)

usual Fermi liquid

 $(q_{\rm IR} \sim q_{\rm D})$ 

Landau damping  $(q_{\rm IR} \sim (q_{\rm D}^2 T)^{1/3})$ 

2フレーバー VS 3フレーバー

• CMEの係数



$$j \propto \operatorname{tr}(Q) = 0$$
 ( $N_{\mathrm{f}} = 3$ )ゆえ,  
2フレーバーでのみCMWが存在

Kharzeev, Son (2011)



CMWはクォーク数密度の揺らぎの波



# 計量関数の寄与

- 計量関数は一般相対論的な補正を表す
- 中性子星・超新星の一般相対論的な補正

$$\lambda, \rho \sim \frac{GM}{R} \sim 10^{-1}$$

• オーダー評価では、計量関数を0としても妥当

# カイラル渦効果



CVE  

$$j_{\rm R} = \left(\frac{\mu_{\rm R}^2}{4\pi^2} + \frac{T^2}{12}\right) \Omega$$

$$j_{\rm L} = \left(\frac{\mu_{\rm R}^2}{4\pi^2} + \frac{T^2}{12}\right) \Omega$$

Vilenkin (1979); Son, Surowka (2000); Landsteiner (2011); …



• 波動方程式

$$\left(\partial_t \pm \frac{\bar{\mu}_{\mathrm{R/L}} \mathbf{\Omega}}{2\pi^2 \chi} \cdot \nabla\right) \delta n_{\mathrm{R/L}} = 0$$

• 分散関係

$$\omega_{\rm R/L} = \pm \frac{\bar{\mu}_{\rm R/L} \mathbf{\Omega}}{2\pi^2 \chi} \cdot \mathbf{k}$$

• CVWが伝播するには、平衡状態でのカイラリティのインバラ ンスが必要

# ニュートリノ物質

- 電子捕獲:  $p + e_L^- \rightarrow n + \nu_{e,L}$
- 重力崩壊の時間 < ニュートリノの拡散時間



原始中性子星

• 左巻きのニュートリノのみの物質:カイラル物質

## CVモードの振動数

CVモードの分散関係

$$\omega_{\rm CM} \simeq -V_{\rm CV} k_z - i e^{\lambda - \rho} D k_z^2 \qquad V_{\rm CV} \equiv e^{\lambda - \rho} \frac{\bar{\mu}_{\nu} \Omega}{2\pi^2 \chi_{\nu}}$$

回転のエネルギースケールが小さい

$$\frac{V_{\rm CV}}{D} \simeq \frac{3\Omega}{\bar{\mu}_{\nu} l_{\rm mfp}} \sim 10^{-33} \,\,{\rm MeV}\left(\frac{\Omega/2\pi}{1\,\,{\rm Hz}}\right)$$

# 重力波の角度方向依存性

- 重力波源は等速直線運動と見なせる
- ・四重極公式  $\tilde{h}_{ab} = \frac{2G}{r} \frac{\partial^2}{\partial t^2} I_{ab}(t-r), \qquad I_{ab} = \int d^3 \mathbf{x}' T^{00}(t, \mathbf{x}) x'_a x'_b$ ・角度依存性  $\tilde{h}_{\theta\theta} \propto \sin^2 \theta$

CMモードの重力波は磁場に 垂直な方向に強く放射される