# Big-bang nucleosynthesis and Leptogenesis in the CMSSM

山中 真人 (九州産業大学)

Phys. Rev. D 97, 115013 (arXiv:1803.07686) 共同研究者: 久保 宗弘、佐藤 丈、下村 崇、高西 康敬

暗黒物質、元素合成、ヒッグス質量等を実験・観測と無矛盾 にもたらすCMSSMは物質・反物質非対称を説明できるか?

## 標準理論は確立されたが…

#### 新物理の証拠の数々

- ・暗黒物質
- ・リチウム問題
- ・ニュートリノ質量
- ・宇宙の物質・反物質非対称
- ・などなど



#### 新物理の有力候補:シーソー機構を伴う最少拡張超対称模型

Constrained minimal supersymmetric standard model (CMSSM)

#### CMSSMにおける現実的許容パラメーター領域は?

#### CMSSMで予言される超対称粒子の質量

最も軽い超対称粒子(LSP) : ビーノを主成分とするニュートラリーノ  $\tilde{\chi}$  次に軽い超対称粒子(NLSP): スタウを主成分とするスレプトン  $\tilde{\ell}$ 

許容領域は広く残されている???

ほとんどの領域では暗黒物質過多!

マヨラナ粒子であるため、低速のニュートラリーノは対消滅しにくい



GUTスケールにおけるスレプトン質量

#### CMSSMにおける現実的許容パラメーター領域は?

暗黒物質、ヒッグス質量、ミューオンのg – 2の アノマリー等を説明可能な現実的パラメーター

 $\delta m \equiv m_{\tilde{\ell}} - m_{\tilde{\chi}} < m_{\tau}$ 

暗黒物質の観測量と整合する領域 共対消滅領域



長寿命スレプトン

#### 暗黒物質、ヒッグス質量、ミューオンのg – 2の アノマリー等を説明可能な現実的パラメーター

 $\delta m \equiv m_{\tilde{\ell}} - m_{\tilde{\chi}} < m_{\tau}$ 

L. Aparicio, D. Cerdeno, L. Ibanez, JHEP (2012), M. Citron, J. Ellis, F. Luo, et al, PRD87 (2013), などなど

 $\delta m < m_{\tau}$ により、スタウを主成分に持つスレプトンは2体崩壊がほぼ禁じられ長寿命粒子に



T. Jittoh, J. Sato, T. Shimomura, MY, PRD73 (2006)

# 長寿命スレプトンはLi7問題を解決

#### Li7存在量の理論計算と観測量の不一致

F. Spite and M. Spite, Astron. Astrophys. (1982)

- たまたまウチの銀河だけLi7が少ないのでは?
   銀河外でもLi7不足が判明
- ・核反応の理解が不十分なのでは?

京大を中心とする研究により、解決のカギと期待 されていた反応が予想に比べかなり弱いと判明

T. Kawabata, et al. PRL118 (2017)

#### 暗黒物質同様、軽元素量の予言値・観測値 の整合性も丁寧に考えるべき



## 長寿命スレプトンはLi7問題を解決



研究の狙い、トークの流れ

#### <u>研究の狙い</u>

- ☑ 宇宙の物質・反物質非対称を本シナリオで説明できるかどうか検証
- ☑ 本シナリオの確立をもたらす特徴的実験兆候を明らかに

#### <u>トークの流れ</u>

1. 導入

- 2. CMSSMにおける許容パラメーター探し
- 3. 数値計算による解析
- 4. まとめ

## 2. CMSSMにおける許容パラメーター探し

CMSSMを支配するパラメーター:  $M_{1/2}, m_0, A_0, \tan\beta, \operatorname{sign}(\mu)$ 

GUTスケールで値を定め、MSSMスケールまで くりこみ群方程式を走らせることで質量などを算出

LSP : ビーノ主成分のニュートラリーノ 
$$\tilde{\chi}$$
  
NLSP : スタウ主成分のスレプトン  $\tilde{\ell} = \sum_{f=e,\mu,\tau} C_f \tilde{f}$   
 $\left(\tilde{f} = \cos \theta_f \tilde{f}_L + \sin \theta_f \tilde{f}_R\right)$ 

CMSSMを支配するパラメーター:  $M_{1/2}$ ,  $m_0$ ,  $A_0$ ,  $\tan\beta$ ,  $\operatorname{sign}(\mu)$ 

GUTスケールで値を定め、MSSMスケールまで くりこみ群方程式を走らせることで質量などを算出

LSP : ビーノ主成分のニュートラリーノ  $\chi$ NLSP : スタウ主成分のスレプトン  $\tilde{\ell} = \sum_{f=e,\mu,\tau} C_f \tilde{f}$ スレプトン混合  $C_f$  と各スレプトンの右-左混合  $\theta_f$ は ニュートリノ湯川を含めたくりこみ群方程式で決まる  $\tilde{f} = \cos \theta_f \tilde{f}_L + \sin \theta_f \tilde{f}_R$ 

- ・暗黒物質残存量の整合性から $\theta_f$ を制限
- ・軽元素存在量の整合性からCfを制限
- ・物質・反物質非対称の生成から $(y_v)_{\alpha i}$ と $M_R$ を制限

NLSP:スタウ主成分のスレプトン
$$ilde{\ell} = \sum_{f=e,\mu,\tau} C_f \tilde{f}$$
スレプトン混合  $C_f$  と各スレプトンの右-左混合  $heta_f$ はニュートリノ湯川を含めたくりこみ群方程式で決まる $ilde{f} = \cos heta_f \tilde{f}_L + \sin heta_f \tilde{f}_R$ 

- ・暗黒物質残存量の整合性から $\theta_f$ を制限
- ・軽元素存在量の整合性からCfを制限
- ・物質・反物質非対称の生成から $(y_v)_{\alpha i}$ と $M_R$ を制限

宇宙物理からニュートリノ湯川の 構造を厳しく縛ることができ、レプ トンフレーバーの破れに予言

NLSP:スタウ主成分のスレプトン

スレプトン混合 C<sub>f</sub> と各スレプトンの右-左混合 θ<sub>f</sub>は ニュートリノ湯川を含めたくりこみ群方程式で決まる

$$\tilde{\ell} = \sum_{f=e,\mu,\tau} C_f \tilde{f}$$
$$\left(\tilde{f} = \cos\theta_f \tilde{f}_L + \sin\theta_f \tilde{f}_R\right)$$

## どうやって許容パラメーターを探し出すか

## 暗黒物質残存量



残存量観測值 PLANCK 2015 results

 $0.1126 \le \Omega_{\rm DM} h^2 \le 0.1246$ 

超対称粒子の全数密度の凍結@ $T \simeq m_{\tilde{\chi}}/25$ 

 $n \equiv n_{\tilde{\chi}} + n_{\tilde{\ell}^-} + n_{\tilde{\ell}^+}$ 

CMSSMパラメーター ( $M_{1/2}, m_0, \tan\beta$ , etc.) が残存量の整合性から決まる

注意:スレプトンの数密度はこの段階では未凍結!

スレプトンの数密度



化学平衡凍結後も、超対称粒子とSM粒子の動力学的平衡は維持される

$$\begin{split} \tilde{\ell}\gamma &\leftrightarrow \tilde{\chi}\tau, \ \tilde{\ell}\gamma \leftrightarrow \tilde{\chi}\mu, \\ \tilde{\ell}\tau &\leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma, \ \tilde{\ell}\mu \leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma, \ \tilde{\ell}e \leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma \end{split}$$

動力学的平衡にある限り、スレプトン数密度は 分布関数に従って温度と共に減少

$$n_{\tilde{\ell}^{-}} = \frac{n_{\tilde{\ell}_{1}^{-}}}{n_{\tilde{\chi}_{1}^{0}}} \frac{n_{\tilde{\chi}_{1}^{0}}}{n} n$$
$$= n \frac{e^{-\delta m/T}}{2\left(1 + e^{-\delta m/T}\right)}$$

スレプトンの数密度



化学平衡凍結後も、超対称粒子とSM粒子の動力学的平衡は維持される

$$\begin{split} \tilde{\ell}\gamma &\leftrightarrow \tilde{\chi}\tau, \ \tilde{\ell}\gamma \leftrightarrow \tilde{\chi}\mu, \\ \tilde{\ell}\tau &\leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma, \ \tilde{\ell}\mu \leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma, \ \tilde{\ell}e \leftrightarrow \tilde{\chi}\gamma \end{split}$$

動力学的平衡の凍結温度はスレプトン混合に 強く依存。混合が大きいほどスレプトンは減少。

Li7(Li6)問題を解決するためにはスレプトンを 数多く残さないといけない



≈ 右巻きニュートリノの質量に上限

## 宇宙論的制限からニュートリノ湯川行列の制限へ

"物理量"を用いて書き直したニュートリノ湯川行列 (Casas-Ibarra parametrization) J. A. Casas and A. Ibarra, NPB618 (2001)  $\lambda_{\alpha j} = v^{-1} \left[ \sqrt{M} R \sqrt{m} U^{\dagger} \right]_{\alpha j}$ 

複素直交行列 
$$R = \begin{pmatrix} \tilde{c}_{13}\tilde{c}_{12} & \tilde{c}_{13}\tilde{s}_{12} & \tilde{s}_{13} \\ -\tilde{c}_{23}\tilde{s}_{12} & \tilde{c}_{23}\tilde{c}_{12} - \tilde{s}_{23}\tilde{s}_{13}\tilde{s}_{12} & \tilde{s}_{23}\tilde{c}_{13} \\ \tilde{s}_{23}\tilde{s}_{12} - \tilde{c}_{23}\tilde{s}_{13}\tilde{c}_{12} & -\tilde{s}_{23}\tilde{c}_{12} - \tilde{c}_{23}\tilde{s}_{13}\tilde{s}_{12} & \tilde{c}_{23}\tilde{c}_{13} \end{pmatrix}$$

角度引数が複素数!

$$z_{ij} = x_{ij} + \sqrt{-1} y_{ij}$$

実部 x<sub>ii</sub>・虚部 y<sub>ii</sub> 合わせて18自由度

張れる空間が大き過ぎるため、 一般的には、予言らしい予言は できない

しかも、ニュートリノ振動実験から一切制限付けられず

宇宙論的制限から

「スレプトンを長寿命に」という 要請が R の構造と右巻きニュー トリノ質量を極めて強く制限

Rの成分をわずかに動かすだけ でスレプトン混合が大きく変動

*M*<sub>1</sub>が大きくするとニュートリノ湯 川が大きくなり、やはりスレプトン 混合が過大に

スレプトンの寿命、つまり、軽元 素存在量の要請が R の構造制 限と M<sub>1</sub> の上限導出を可能に





## DMやBBNから絞り込んだマヨラナ質量とニュート リノ湯川を用いて、物質・反物質非対称を算出

#### フレーバー効果込のレプトン数計算

R. Barbieri, P. Creminelli, A. Strumia, N. Tetradis, NPB575 (2000) E. Nardi, Y. Nir, E. Roulet, J. Racker, JHEP01 (2006)

ニュートリノ湯川構造から導かれるスレプトン混合が本研究のカギ 物質・反物質非対称も湯川構造に起因するフレーバー効果を取り入れ丁寧に

右巻きニュートリノ、および、各フレーバーのレプトン数密度の連立時間発展方程式

$$\frac{dY_{N_1}}{dz} = -\frac{z}{sH(z=1)} \left(\frac{Y_{N_1}}{Y_{N_1}^{eq}} - 1\right) \left[\gamma_D + 2\gamma_{Ss} + 4\gamma_{St}\right]$$

$$\frac{dY_{\Delta_i}}{dz} = -\frac{z}{sH(z=1)} \left\{ \left( \frac{Y_{N_1}}{Y_{N_1}^{eq}} - 1 \right) \epsilon_{1i} \gamma_D + K_i^0 \sum_j \left[ \frac{1}{2} \left( C_{ij}^l + C_j^H \right) \gamma_D + \left( \frac{Y_{N_1}}{Y_{N_1}^{eq}} - 1 \right) \left( C_{ij}^l \gamma_{S_s} + \frac{C_j^H}{2} \gamma_{S_t} \right) + \left( 2C_{ij}^l + C_j^H \right) \left( \gamma_{S_t} + \frac{\gamma_{S_s}}{2} \right) \right] \frac{Y_{\Delta_i}}{Y_l^{eq}} \right\}$$

**I**  $Y_i = n_i/s$  (s: エントロピー密度)

 $z = M_1/T$  ( $M_1$ : 右巻きニュートリノの質量)
  $\gamma_D(\gamma_{S_s}, \gamma_{S_t})$ : 熱平均崩壊率(熱平均断面積)



■ "ヒッグス数"からフレーバーjのレプトン数への転換率

$$I = Y_H - Y_{\overline{H}} = -(C_e^H Y_{\Delta_e} + C_\mu^H Y_{\Delta_\mu} + C_\tau^H Y_{\Delta_\tau})$$

## フレーバー効果込のレプトン数計算

## 各温度において、平衡反応により各粒子の化学ポテンシャル間に関係式 関係式同士の連立方程式を解くことで転換率が決まる

J. A. Harvey and M. S. Turner, PRD42 (1990) E. Nardi, Y. Nir, E. Roulet and J. Racker, JHEP01 (2006)

T (GeV)	平衡状態にある反応	化学ポテンシャルの関係式
10 <sup>12</sup> - 10 <sup>13</sup>	+ $h_b$ , $h_{\tau}$ 相互作用	$b = Q_3 - H$ $\tau = l_{\tau} - H$
$10^{11}$ - $10^{12}$	+ 電弱スファレロン	$\sum_i (3Q_i + l_i) = 0$
10 <sup>8</sup> - 10 <sup>11</sup>	$+ h_c, h_s, h_\mu$ 相互作用	$c = Q_2 + H$ $s = Q_2 - H$ $\mu = l_{\mu} - H$
$\ll 10^8$	全ての湯川相互作用	$u = Q_1 + H$ $d = Q_1 - H$ $e = l_e - H$

$$C_{\alpha\beta}^{l} = \frac{1}{3 \times 2148} \begin{pmatrix} 906 & -120 & -120 \\ -75 & 688 & -28 \\ -75 & -28 & 688 \end{pmatrix}, \quad C^{H} = \frac{1}{2148} (37 \quad 52 \quad 52)$$

# 3. 数値計算による解析

本シナリオにおける物質・反物質非対称



#### 本シナリオは、暗黒物質や軽元素の存在量に加え、物質・反物質非対称も見事に説明可能

フレーバー効果で大きく増加するので、正しく  $(y_v)_{\alpha i}$ を決めるにはこの効果込みの解析が不可欠

## 加速器における特徴的シグナル



 $\square m_{\tilde{q}} \geq m_{\tilde{g}} \delta m_{\tilde{\chi}_1^0}$ に対しシャープな比例関係(from  $\delta m < m_{\tau}$ )

 $m_{\tilde{\ell}} (= m_{\tilde{\chi}_1^0})$ の測定から $m_{\tilde{q}} \geq m_{\tilde{g}}$ をはっきりと予測可能、また、 $m_{\tilde{g}} \leq 2 \text{ TeV}$ 

☑ 重い長寿命荷電粒子のトラックとミッシングエネルギーがほぼ同数

☑ 軽めのストップ  $(m_{\tilde{t}} \sim 1 \text{ TeV})$   $(m_H = 125 \text{GeV} を得るためにA_0 を大きく取るため)$ 

 $M_1$  (GeV)  $M_2 = 10 \times M_1$  $2 \times M_1$  $4 imes M_1$  $M_2 = 10 \times M_2$  $2 imes M_1$  $M_1$  (GeV)

# ☑ 近未来、ミューオンLFVを通じてシナリオの検証が可能

MEG-II, Mu3e, COMET, Mu2e, DeeMeに期待

#### タウLFVは全く期待できないほど小さな崩壊分岐比

理由は簡単:スタウ主成分のスレプトンを長寿命に するため、スタウと他のスレプトンとの混合が極小

#### M<sub>1</sub>の下限は物質・反物質非対称の整合性から

M<sub>1</sub>が小さ過ぎる場合、つまり、ニュートリノ湯川が小さ 過ぎる場合、十分なレプトン非対称を作れない それどころか、右巻きニュートリノを熱化できない

## BR(LFV decay) vs $M_1$

暗黒物質、軽元素、物質・反物質非対称、ヒッグス 質量等の制限に整合するパラメーターがもたらす予言



# 4. まとめ

まとめ

#### 新物理の有力候補: CMSSM

- ・力・物質の統一
- ・階層性問題
- などなど

 $\tilde{\ell}$ - $\tilde{\chi}$ 共対消滅機構

・暗黒物質の残存量

- $\delta m < m_{\tau}$
- ・Li7(Li6)問題解決
- ・ヒッグス質量
- ・ミューオンのg-2

まとめ



# Backup slides

## Coannihilation mechanism k. Griest, D. Seckel (1991)





Figure 1: The total baryon asymmetry including flavours (upper) and within the one-flavour approximation (lower) as a function of z. The chosen parameters are  $K_{ee} = 10$ ,  $K_{\mu\mu} = 30$ ,  $K_{\tau\tau} = 30$ ,  $\epsilon_{ee} = 2.5 \times 10^{-6}$ ,  $\epsilon_{\mu\mu} = -2 \times 10^{-6}$ ,  $\epsilon_{\tau\tau} = 10^{-7}$  and  $M_1 = 10^{10}$  GeV.



Figure 2: The total baryon asymmetry including flavours (upper) and within the one-flavour approximation (lower) as a function of z. The chosen parameters are  $K_{ee} = 5 \times 10^{-2}$ ,  $K_{\mu\mu} = 10^{-2}$ ,  $K_{\tau\tau} = 10^{-3}$ ,  $\epsilon_{ee} = 2.5 \times 10^{-6}$ ,  $\epsilon_{\mu\mu} = -2 \times 10^{-6}$ ,  $\epsilon_{\tau\tau} = 10^{-7}$  and  $M_1 = 10^{10}$  GeV.



### フレーバー効果によりなぜ物質・反物質非対称が増大?

一旦レプトンが相互作用状態からフレーバー固有状態に射影されると、電子数、 ミューオン数、タウ数それぞれが別個に時間発展

各フレーバー非対称性はフレーバー崩壊パラメーターでコントロールされる

フレーバー崩壊パラメーター

$$K_e = \frac{\Gamma(N_1 \to l_e H)}{H(T = M_1)} = K \cdot BR(N_1 \to l_e H)$$
$$K_\mu = \frac{\Gamma(N_1 \to l_\mu H)}{H(T = M_1)} = K \cdot BR(N_1 \to l_\mu H)$$
$$K_\tau = \frac{\Gamma(N_1 \to l_\tau H)}{H(T = M_1)} = K \cdot BR(N_1 \to l_\tau H)$$

### フレーバー効果によりなぜ物質・反物質非対称が増大?

大きなKで十分に右巻きニュートリノを生成 (生成には全てのフレーバーが寄与)

 $K_e \sim K_\mu \sim 1$ であり、電子(ミューオン)数の洗い流しはほとんど起こらず

フレーバー崩壊パラメーター

$$K_{e} = \frac{\Gamma(N_{1} \to l_{e}H)}{H(T = M_{1})} = K \cdot BR(N_{1} \to l_{e}H) = 0.1K$$
$$K_{\mu} = \frac{\Gamma(N_{1} \to l_{\mu}H)}{H(T = M_{1})} = K \cdot BR(N_{1} \to l_{\mu}H) = 0.2K$$
$$K_{\tau} = \frac{\Gamma(N_{1} \to l_{\tau}H)}{H(T = M_{1})} = K \cdot BR(N_{1} \to l_{\tau}H) = 0.7K$$
試しに選んだ崩壊分岐比