

AdS/CFT対応における定常粘性流

2013.08.22 @YITP

小川 軌明 (韓国高等科学院)

[Work in Progress]

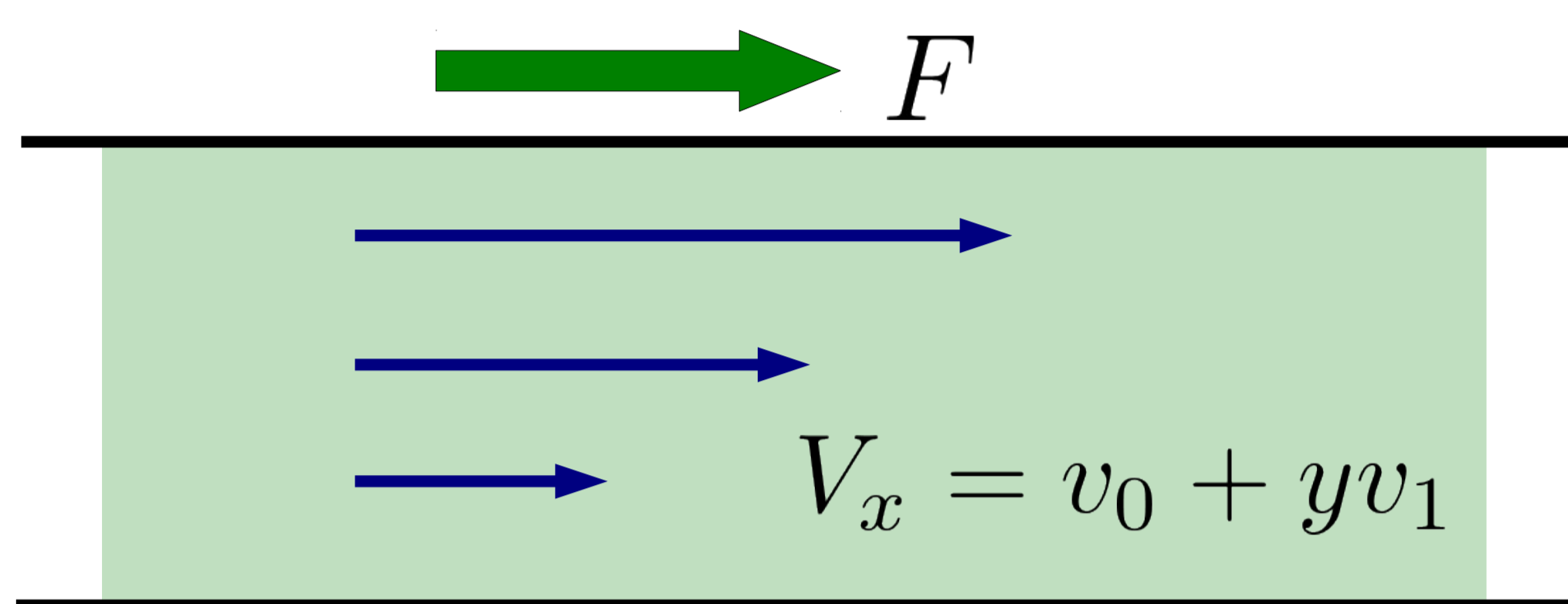
Abstract



○手法: 速度勾配を持つ流体系 の重力双対を構成。

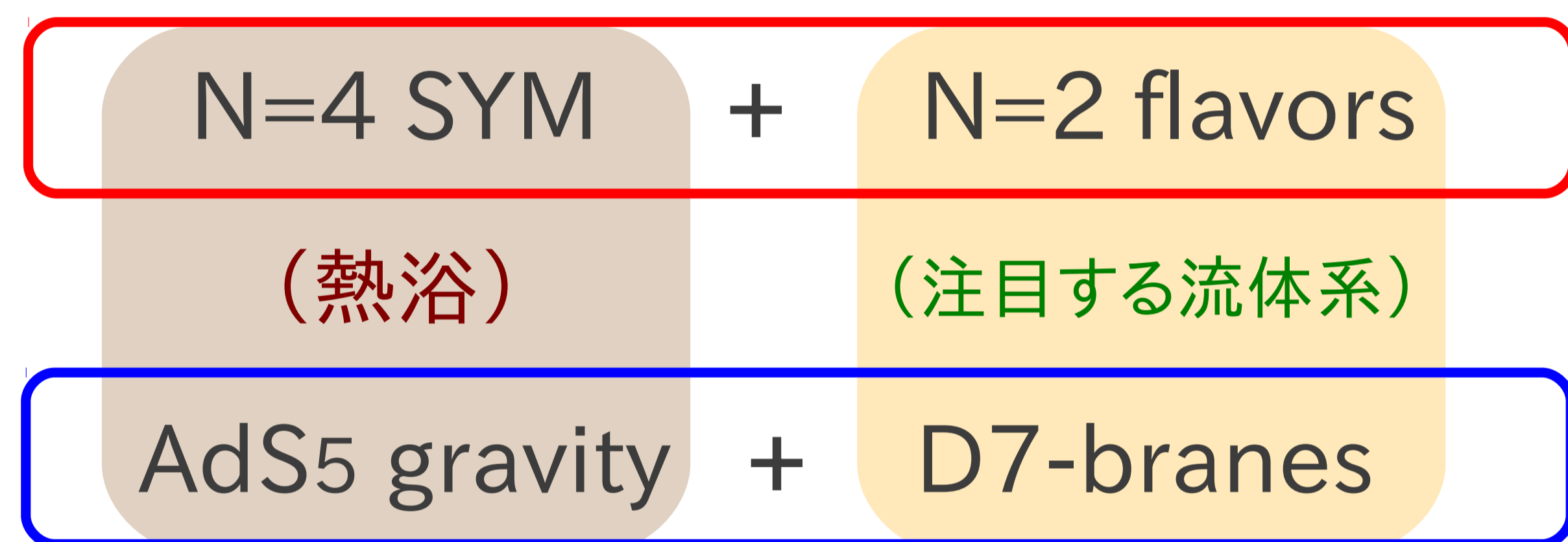
○結果: 非線形な粘性応答 をみつけた。(応力が勾配の2次で始まる)

☆定常粘性流



- 非平衡定常系
- エネルギー、運動量の散逸
- ブラックホールを使った解析を考えよう!

☆Model: フレーバー流体



Flavor current J^μ
 \Updownarrow
 Maxwell Field on D7 A_μ

$$S = \frac{1}{16\pi G_N} \int d^5x \sqrt{-g} (\mathcal{R} + \Lambda) - \mathcal{N} \int d^8\xi \sqrt{-\det(g_{ind} + 2\pi\alpha' F)}$$

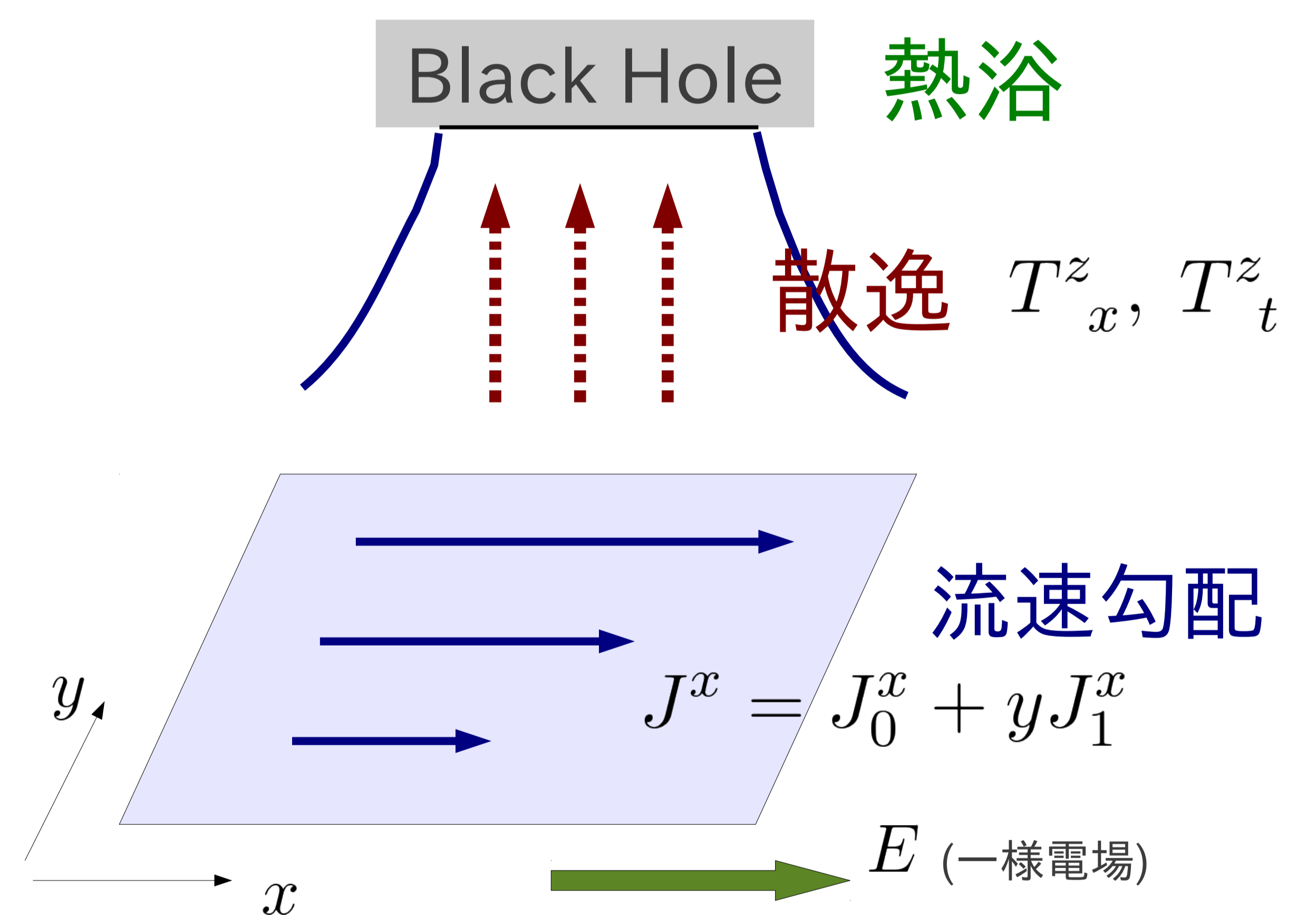
☆Setup & Ansatz

$$ds^2 = -\frac{(1-z^4)^2}{z^2(1+z^4)} dt^2 + \frac{dz^2}{z^2} + \frac{1+z^4}{z^2} d\vec{x}^2$$

(AdS-Schwartzchild)

$$A_t = \mu + Ex + a_t^{(0)}(z) = \mu + Ex + \frac{J_0^t}{2\pi^2 \mathcal{N} \alpha'^2} z^2 + \dots$$

$$A_x = a_x^{(0)}(z) + y a_x^{(1)}(z) = \frac{J_0^x + y J_1^x}{2\pi^2 \mathcal{N} \alpha'} z^2 + \dots$$



☆Equations & Results

$$\frac{\partial \mathcal{L}_{D7}}{\partial a_t^{(0)'(z)}} = J_0^t + \mathcal{O}((J_1^x)^2), \quad \frac{\partial \mathcal{L}_{D7}}{\partial a_x^{(0)'(z)}} = J_0^x + y J_1^x + \mathcal{O}((J_1^x)^2)$$

$$\left(\partial_z \frac{\partial \mathcal{L}_{D7}}{\partial a_x^{(1)'(z)}} - \frac{\partial \mathcal{L}_{D7}}{\partial a_x^{(1)'(z)}} = \mathcal{O}((J_x^{(1)})^2) \quad : \text{automatic} \right)$$

外力 = 散逸

$$F = T^z_x = E J_0^t(E) + \left(\frac{E^3 J_0^t(E)^3}{2048 \mathcal{N}^3 J_0^x(E)^2} + \mathcal{O}(y^2) \right) (J_1^x)^2 + \dots$$

$$W = -T^z_t = E (J_0^x(E) + y J_1^x) + \left(\frac{E^3 J_0^t(E)^2}{2048 \mathcal{N}^3 J_0^x(E)} + \mathcal{O}(y^2) \right) (J_1^x)^2 + \dots$$

抵抗

粘性(?)

Future work

- これほんと?
- 非摂動計算はできるか?