ハドロン構造研究の新展開





兵藤 哲雄

京都大学 基礎物理学研究所









原子核物理学 in 理論物理学



素粒子

超弦理論、ヒッグス、 統一理論、、、

原子核・ハドロン 強い相互作用(QCD) の物理



初期宇宙、暗黒物質、ブ ラックホール、重力波

物理学第1分野

物理学第2分野

原子、原子核、ハドロン



ハドロンの分類とミクロな理論

ハドロン:観測可能な強い相互作用をする粒子



ミクロな基礎理論:クォークとグルーオンの量子色力学 QCD

 クォーク
 グルーオン

 物質を構成する粒子
)

 カラー(赤,青,緑)と
 カラー(8色)を持つ

 フレーバー(6種)を持つ
 自分自身と相互作用する

自然界の力とQCD

素粒子標準理論:重力以外の力を量子ゲージ理論で記述する 参考:長島順清「素粒子標準理論と実験的基礎」朝倉書店 (1999)





クォーク

硘

ち

(複雑

度

易

難

量子色力学 QCD: クォークとグルーオンの理論 $\mathcal{L}_{QCD} = -\frac{1}{4} G^{a}_{\mu\nu} G^{\mu\nu}_{a} + \bar{q}_{a} (i\gamma^{\mu} D^{\alpha\beta}_{\mu} - m\delta^{\alpha\beta}) g^{\alpha\beta}_{a}$

非可換ゲージ理論 –> グルーオンの自己相互作用

色の自由度を無くせば、量子電磁力学 QED

-> 電子が光子を交換して相互作用する

グルーオン

$$\mathcal{L}_{\text{QED}} = -\frac{1}{4} F_{\mu\nu} F^{\mu\nu} + \bar{e}(i\gamma^{\mu}D_{\mu} - m)e$$

量子効果を無くせば、古典電磁気学(マクスウェル方程式) $\nabla \cdot D = \rho, \quad \nabla \cdot B = 0, \dots$

低エネルギーQCDの難しさ

強い相互作用はQCDで記述される

- 場の量子論は一般解を描き下せない
- -> 結合定数による摂動展開をする(量子電磁力学)

QCDは漸近自由性をもつ

- 高エネルギー領域:結合定数が小さくなり摂動展開可能
- -> 深非弾性散乱でのスケーリングとその破れ:QCDの検証

低エネルギー領域:非摂動的効果

1. カイラル対称性の自発的破れ:真空の変化

2. カラー閉じ込め: クォークが単体で観測できない

低エネルギーの物理は基礎理論から理解されていない!

ハドロン物理の研究対象

カラー閉じ込め:ヤンミルズ方程式と質量ギャップ問題

http://www.claymath.org/millennium-problems

Yang–Mills Existence and Mass Gap. Prove that for any compact simple gauge group G, a non-trivial quantum Yang–Mills theory exists on \mathbb{R}^4 and has a mass gap $\Delta > 0$. Existence includes establishing axiomatic properties at least as strong as those cited in [45, 35].

解ければ100万ドル~1億210万円



観測されているハドロンの分類

ハドロンの多様な性質

観測されているハドロン

PDG2015 : http://pdg.lbl.gov/

G(PC)

0+(0 -J/ψ(1S) 0[−](1[−]

?[?](?[?]-)

0-(1-0+(??

 $0^{-}(1^{-}?^{?}(??))$

??(1-

??(1-

??(ì-

0-(1-• X(4660) ??(1 - -) $b\overline{b}$ 0+(0

 $0^{-}(1^{-})$

 $0^{+}(0^{++})$

 $0^{+}(1^{+})$??(1+

 $0^{+}(2^{+})$

0+(0 -

 $0^{-}(1^{-})$

 $0^{-}(2$

 $0^{+}(0^{-})$ $0^{+}(1^{+})$

??(1+

 $0^{-}(1)$

 $0^{-}(1^{-})$ X(10610)0 1+(1+)
γ(10860) 0[−](1
 $\gamma(11020) 0^{-}(1)$

0+(??+)

 $0^{+}(1^{++})$

重類

• η_c(15)

X(3823) • X(3872)

X(3900) X(3900)0 ?(??) • $\chi_{c0}(3915) = 0^+(0^+)$ 0⁺(2⁺ ?[?](?[?])

 $\chi_{c2}(2P)$ X(3940) • \u0det(4040)

X(4140) \$\psi(4160)\$

X(4160)

X(4230) X(4240)

• X(4260)

X(4350)

X(4360) ψ(4415)

 $\eta_b(1S)$ • T(15)

• $\chi_{b0}(1P)$

 χ_{b1}(1P)

h_b(1P)

• χ_{b2}(1P) $\eta_b(2S)$

r(25)

γ(1D)

• x_{b0}(2P)

• _{ХЫ}(2Р) $h_b(2P)$

x ю(2P)
r(35)

 $\chi_{b1}(3P)$ $0^{+}(1$

*(*45)

D	1/2+ ****	$\Delta(1232)$	3/2+ ****	Σ^+	1/2+	****	=0	1/2+	****	Λ^+_{-}	1/2+	****			LIGHT UN (S = C	FLAVORED = $B = 0$)		STRA (S = ±1, C	IGE = B = 0	CHARMED,	$STRAN = \pm 1$
n	1/2+ ****	$\Delta(1600)$	3/2+ ***	Σ^0	1/2+	****	Ξ-	1/2+	****	$\Lambda_{c}^{(2595)+}$	1/2-	***			$P^{(f^{PC})}$		$I^G(J^{PC})$		<i>I</i> (𝑘)		l(J ^p
N(1440)	1/2+ ****	$\Delta(1620)$	1/2 ****	Σ^{-}	1/2+	****	Ξ(1530)	3/2+	****	$\Lambda_{-}(2625)^{+}$	3/2-	***		• π^{\pm}	1-(0-)	• \$\$(1680)	0-(1)	• K±	1/2(0-)	• D_s	0(0
N(1520)	3/2 ****	$\Delta(1700)$	3/2 ****	Σ(1385)	3/2+	****	$\Xi(1620)$,	*	$\Lambda^{-}(2765)^{+}$. '	*		• π ⁰	1	• ••••••	1 = /8 = = 1			B	-/6/
N(1535)	1/2 ****	$\Delta(1750)$	1/2+ *	Σ(1480)	'	*	$\Xi(1690)$		***	$\Lambda_{-}(2880)^{+}$	5/2+	***	and the second	• fn(500)	01	- 1					
N(1650)	1/2- ****	<i>∆</i> (1900)́	1/2- **	Σ(1560)		**	$\Xi(1820)$	3/2-	***	$\Lambda_{c}(2940)^{+}$	· '	***		 ρ(770) 	14		- • /		NY.	• / •	\sim
N(1675)	5/2 ****	$\Delta(1905)$	5/2+ ****	Σ(1580)	$3/2^{-}$	*	$\Xi(1950)$		***	$\Sigma_{c}(2455)$	$1/2^{+}$	****	and the second	 ω(782) ω(052) 	0	- 1	- 🥒	-		1	
N(1680)	5/2+ ****	$\Delta(1910)$	1/2+ ****	$\Sigma(1620)$	$1/2^{-}$	*	$\Xi(2030)$	$\geq \frac{5}{2}$?	'***	$\Sigma_{c}(2520)$	3/2+	***		• η (956) • f ₀ (980)	0100.01	1 กระเพิ่ม	רי באוים	• K-(14(0))	1/21111	D* (2060)±	= 0/2
N(1685)	*	$\Delta(1920)$	3/2+ ***	Σ(1660)	$1/2^{+}$	***	$\Xi(2120)$	- 2	*	$\Sigma_c(2800)$	'	***	and a second	• a ₀ (980)	1-(0++)	X(1835)	??(?-+)	• K*(1410)	$1/2(1^{-})$	$D_{s,l}(2000)^{\pm}$ $D_{s,l}(3040)^{\pm}$: 0(?
N(1700)	3/2- ***	$\Delta(1930)$	5/2 ***	Σ(1670)	3/2-	****	$\Xi(2250)$		**	Ξ+	$1/2^{+}$	***		 \$\phi(1020) \$ \$ \$	$0^{-}(1^{-})$	X(1840)	?'(?'')	• K ₀ (1430)	$1/2(0^+)$	POTT	
N(1710)	1/2+ ***	$\Delta(1940)$	3/2 **	Σ(1690)		**	Ξ(2370)		**	=0	$1/2^{+}$	***	and a second	• $n_1(1170)$ • $b_1(1235)$	$1^{+}(1^{+})$	 φ₃(1850) p₃(1870) 	0(3) $0^{+}(2^{-}+)$	 K[*]₂(1430) K(1460) 	$1/2(2^+)$ $1/2(2^-)$	(B = :	±1)
N(1720)	3/2+ ****	$\Delta(1950)$	7/2+ ****	Σ(1730)	3/2+	*	$\Xi(2500)$		*	='+	$1/2^{+}$	***		 a1(1260) 	$1^{-}(1^{++})$	 π₂(1880) 	1-(2-+)	Ka(1460) Ka(1580)	$1/2(0^{-})$	• B [±]	1/2(
N(1860)	5/2+ **	$\Delta(2000)$	5/2+ **	Σ(1750)	$1/2^{-}$	***				=/0	1/2+	***	and a second	 f₂(1270) 	$0^+(2^{++})$	ρ(1900)	1+(1)	K(1630)	1/2(??)	• B ⁰	1/2(
N(1875)	3/2 ***	<i>∆</i> (2150)	$1/2^{-}$ *	Σ(1770)	$1/2^{+}$	*	Ω^{-}	3/2+	****	=c =c(2645)	$3/2^+$	***		• $f_1(1285)$ • $n(1295)$	$0^+(0^-+)$	f2(1910)	$0^+(2^{++})$	$K_1(1650)$	$1/2(1^+)$	 B[±]/B⁰ ADI B[±]/B⁰/B⁰/B⁰ 	/h-bane
N(1880)	1/2+ **	<i>∆</i> (2200)	7/2 *	Σ(1775)	$5/2^{-}$	****	Ω(2250) ⁻		***	$=_{c}(2790)$	$1/2^{-}$	***	and the second	 π(1200) 	$1^{-}(0^{-}+)$	ρ ₃ (1990)	1+(3)	K^*(1680) K^*(1770)	$\frac{1}{2}(1)$ $\frac{1}{2}(2^{-})$	ADMIXTUR	Æ
N(1895)	1/2 **	<i>∆</i> (2300)	9/2+ **	Σ(1840)	3/2+	*	$\Omega(2380)^{-}$		**	$\Xi_{c}(2815)$	3/2-	***		• a ₂ (1320)	$1^{-}(2^{++})$	• f ₂ (2010)	0+(2++)	 K[*]₃(1780) 	1/2(3-)	trix Element	, CKM I ts
N(1900)	3/2+ ***	$\Delta(2350)$	5/2 *	Σ(1880)	$1/2^{+}$	**	$\Omega(2470)^{-}$		**	$\Xi_{c}(2930)$	-, -	*	and a second	• fo(1370)	$0^+(0^+^+)$ $2^-(1^+^-)$	$f_0(2020)$	$0^+(0^{++})$ $1^-(4^{++})$	• K ₂ (1820)	$1/2(2^{-})$	• B*	1/2(
N(1990)	7/2+ **	<i>∆</i> (2390)	7/2+ *	Σ(1900)	$1/2^{-}$	*				$\Xi_{c}(2980)$		***		 π₁(1300) π₁(1400) 	$1^{-}(1^{-}+)$	 fa(2040) fa(2050) 	$0^{+}(4^{++})$	K(1830) K*(1950)	$1/2(0^{-})$ $1/2(0^{+})$	• B ₁ (5721) ⁺ • B ₁ (5721) ⁰	1/2(
N(2000)	5/2+ **	<i>∆</i> (2400)	9/2 **	Σ(1915)	5/2+	****				<u>=</u> (3055)		***		 η(1405) 	0+(0-+)	π ₂ (2100)	1-(2-+)	$K_0^{(1950)}$ $K_0^{*}(1980)$	$1/2(0^{+})$ $1/2(2^{+})$	B [*] _l (5732)	?(??
N(2040)	3/2+ *	<i>∆</i> (2420)	11/2+ ****	Σ(1940)	3/2+	*				Ξ-(3080)		***		• $f_1(1420)$	$0^{+}(1^{++})$	f ₀ (2100)	$0^+(0^{++})$	• K ₄ [*] (2045)	1/2(4+)	• B ₂ (5747) ⁺	1/2(
N(2060)	5/2 **	<i>∆</i> (2750)	13/2 **	Σ(1940)	3/2-	***				$\Xi_{c}(3123)$		*		• ω(1420) δ(1430)	$0^{+}(2^{++})$	$\rho(2150)$	$1^{+}(1^{-})$	K ₂ (2250)	$1/2(2^{-})$	 B[*]₂(5747)⁰ D(5070)[±] 	1/2(
N(2100)	$1/2^{+}$ *	$\Delta(2950)$	15/2+ **	Σ(2000)	1/2-	*				Ω^0_{c}	$1/2^{+}$	***	Research and	• a ₀ (1450)	$1^{-}(0^{++})$	 φ(2170) 	0-(1)	K3(2320) K3(2320)	$\frac{1}{2}(3^{-})$ $\frac{1}{2}(5^{-})$	• B(5970) ¹ • B(5970) ⁰	?(? ?(??
N(2120)	3/2 **			Σ(2030)	7/2+	****				$\Omega_{c}(2770)^{0}$	3/2+	***		 ρ(1450) π(1475) 	$1^+(1^{})$	$f_0(2200)$	$0^+(0^{++})$	K4(2500)	$1/2(4^{-})$		CTDAN
N(2190)	7/2 ****	Λ	1/2 ⁺ ****	Σ(2070)	5/2+	*				,				• f ₀ (1473)	$0^{+}(0^{+}^{+})$	η(2220) η(2225)	0+(0-+)	⁴ K(3100)	??(???)	$(B = \pm 1, \pm 1)$	$S = \pm 1$
N(2220)	9/2+ ****	/(1405)	1/2 ****	Σ(2080)	3/2+	**				Ξ_{cc}^+		*		f1(1510)	0+(1++)	ρ ₃ (2250)	1+(3)	CHARI	/IED	• B ⁰ _s	0(0-
N(2250)	9/2 ⁻ ****	/(1520)	3/2 ****	$\Sigma(2100)$	$7/2^{-}$	*								• $f'_2(1525)$	$0^+(2^{++})$	• f ₂ (2300)	$0^+(2^{++})$ $0^+(4^{++})$	(C=:	=1)	• B _s	0(1-
N(2300)	1/2 **	A(1600)	1/2 ****	2 (2250)		***				Λ_b^0	$1/2^{+}$	***		$\rho(1505)$ $\rho(1570)$	$1^{+}(1^{-})$	f ₀ (2330)	$0^{+}(0^{+}+)$	• D [±] • D ⁰	$1/2(0^{-})$ $1/2(0^{-})$	 B_{\$1}(5830)⁰ B[*]₂(5840)⁰ 	0(1
N(2570)	5/2 **	A(1600)	2/2 ****	Σ(2455) Σ(2600)		**				$\Lambda_{b}(5912)^{0}$	$1/2^{-}$	***		h1(1595)	0-(1+-)	• f ₂ (2340)	0+(2++)	 D*(2007)⁰ 	$1/2(1^{-})$	$B_{s,l}^{*}(5850)$?(??
N(2000)	11/2 *** 12/0 ⁺ **	A(1710)	1/2 *	Σ(2020) Σ(2000)		*				Λ _b (5920) ⁰	3/2-	***		• $\pi_1(1600)$	$1^{-}(1^{-+})$	$\rho_5(2350)$ $2_{-}(2450)$	$1^+(5^-)$ $1^-(6^+)$	 D*(2010)[±] 	$1/2(1^{-})$	BOTTOM	HARM
N(2100)	15/2	A(1800)	1/2 ***	$\Sigma(3000)$ $\Sigma(2170)$		*				Σ_b	1/2+	***		5(1640)	$0^{+}(2^{++})$	$f_6(2510)$	0+(6++)	• D ₀ (2400) ⁵ D [*] (2400) [±]	$1/2(0^+)$ $1/2(0^+)$	(B = C =	$= \pm 1$)
		$\Lambda(1810)$	1/2+ ***	2(3170)						Σ_b^*	3/2	***		 η₂(1645) 	0+(2 - +)	OTHE		• D ₁ (2420) ⁰	$1/2(1^+)$	• B_{C}^{+}	0(0-
		$\Lambda(1820)$	5/2+ ****							$=_{b}^{0}, =_{b}^{-}$	1/2+	***		 ω(1650) ωp(1670) 	$0^{-}(1^{-})$	Furt		$D_1(2420)^{\pm}$	1/2(??)	$B_c(2S)^{\pm}$?'(?
		$\Lambda(1830)$	5/2 ****					\smile		$\Xi_{b}^{\prime}(5935)^{-}$	- 1/2+	***		 ω₃(1670) π₂(1670) 	$1^{-}(2^{-+})$			D1(2430)	$1/2(1^+)$ $1/2(2^+)$		
		A(1890)	3/2+ ****					C		$\Xi_b(5945)^0$	3/2+	***			. ,			D ₂ (2460) [±]	$1/2(2^+)$		
		A(2000)	-/- *							$=_{b}^{*}(5955)^{-}$	3/2+	***						D(2550)0	1/2(0_)		
		A(2020)	7/2+ *					C		Ω_b^-	$1/2^{+}$	***						D(2600)	$1/2(?^{\ell})$ $1/2(?^{\ell})$		
		A(2050)	3/2- *															D(2750)	$\frac{1}{2(?^{?})}$		
		A(2100)	7/2- ****	I			1			I						I		-()	., _, ,		
		A(2110)	5 [′] /2 ⁺ ***							-	- 1						_				
		A(2325)	3/2- *	_ / \"			- ` /	·'	16		日メ	FH						nn	大市	不白	
		A(2350)	9/2 ⁺ ***	1	1			~		DU TE	主ノ	に兄					~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	JU	7里	大只	
		A(2585)	**		-		-			- 1-		* *		-	•	-					

~350種類全てが単一のQCDラグランジアンから出てくる ほとんどがqqq/qqで記述される量子数(自明ではない!)

観測されているハドロ<u>ンの分類</u>

qqq/qqで記述できない状態

テトラクォーク候補(Belle) : $Z_b(10610), Z_b(10650)$ Y(5S) ー> $\pi^{\pm} + Z_b$ \mapsto Y(nS)(bb) + $\pi^{\pm}(ud/du)$





R. Aaij, et al., Phys. Rev. Lett. 115, 072001 (2015) ごく少数(8/350)しか発見されていない。なぜ少ないのか?





11

構成子クォーク模型

QCDからクォーク模型へ:平均一体ポテンシャル



調和振動子などの閉じ込めポテンシャルに 3つのクォークを閉じ込める(バリオンの場合)

$$\mathcal{H} = \sum_{i=1,2,3} \left(\frac{\hbar^2 \boldsymbol{p}_i^2}{2m_i} + \frac{m_i \omega^2}{2} \boldsymbol{x}_i^2 \right)$$

空間波動関数(エネルギー)は主量子数へと角運動量で決まる

$$\psi_{nl} = \prod_i f_{n_i l_i}(\boldsymbol{x}_i), \quad n = \sum_i n_i, \quad l = \sum_i l_i,$$

クォークの内部自由度

- **クォークの波動関数:空間と内部自由度(色、香り、スピン)** $<math>
 \Psi = \psi_{nl} \cdot \psi_c \cdot \psi_f \cdot \psi_s$
- クォークはフェルミ粒子:同じ準位を同じ状態が占有できない -> 粒子の入れ替えに対して完全反対称
 - 空間:基底状態(|=0)は完全対称 $\psi_{00} = f_{00}(\boldsymbol{x}_1) f_{00}(\boldsymbol{x}_2) f_{00}(\boldsymbol{x}_3)$
 - カラー:完全半対称(白色) -> スピン・フレーバー:完全対称
- 励起状態: クォークを = 1の軌道に上げる
 - $\psi_{01} = f_{00}(\boldsymbol{x}_1) f_{00}(\boldsymbol{x}_2) f_{01}(\boldsymbol{x}_3)$





構成子クォーク模型

QCDからクォーク模型へ:閉じ込めポテンシャル



平均一体ポテンシャル以外のクォーク間の相関:残留相互作用

例) カラースピン相互作用(1グルーオンの交換)

$$\mathcal{H}_{cs} = -\frac{f_{cs}}{m_i m_j} (\lambda_i^c \cdot \lambda_j^c) (\boldsymbol{\sigma}_i \cdot \boldsymbol{\sigma}_j)$$

対称性で決めた波動関数に、摂動として取り入れる



バリオン第一励起状態(負パリティ)のスペクトル

N. Isgur and G. Karl, Phys. Rev. D18, 4187 (1978)



模型の予言と実験データが幅広く一致:qqq構造が支配的 再現できない状態: //(1405)は別の内部構造?

様々なハドロン励起

qq**対生成による励起:マルチクォーク状態**

- クォーク間の相互作用で束縛
- qはqと反対のパリティ: qqqqq(l=0)

中間子生成による励起:ハドロン分子状態

- ハドロン間の相互作用で束縛

- 最も軽い擬スカラー中間子(南部ゴールドストーンボソン)

通常ハドロンの中にもエキゾチックハドロン的な構造?

Ν

qqq(l=1)

同じ量子数

構造の解明に向けて

∧(1405)の可能な構造



(a) 3クォーク:クォーク模型に基づく構造(軌道角運動量1)

(b) 5クォーク: クォーク模型に基づく構造(軌道角運動量0)

(c) ハドロン分子:ハドロン間相互作用に起因する構造

量子力学 -> 可能な状態の重ね合わせ

どのようにして構造の違い/主要な成分を実験で観測するか?

相対論的重イオン衝突

高エネルギーで原子核2つを衝突させる

K. Yagi, T. Hatsuda and Y. Miake, Quark-Gluon Plasma, Cambridge (2005)



クォークグルーオンプラズマ(QGP)





多数のハドロンを観測する

ハドロン生成量と構造

相対論的重イオン衝突でのハドロン生成量を計算

S. Cho, et al., Phys. Rev. Lett. 106, 212001 (2011); Phys. Rev. C 84, 064910 (2011).

Multi-quark hadrons from Heavy Ion Collisions

Sungtae Cho,¹ Takenori Furumoto,^{2,3} Tetsuo Hvodo,⁴ Daisuke Jido,² Che Ming Ko,⁵ Su Houng Lee,^{2,1} Marina Nielsen,⁶ Akira Ohnishi,² Takayasu Sekihara,^{2,7} Shigehiro Yasui,⁸ and Koichi Yazaki^{2,3}

(ExHIC Collaboration)

¹Institute of Physics and Applied Physics, Yonsei University, Seoul 120-749, Korea ²Yukawa Institute for Theoretical Physics, Kyoto University, Kyoto 606-8502, Japan ³RIKEN Nishina Center, Hirosawa 2-1, Wako, Saitama 351-0198, Japan ⁴Department of Physics, Tokyo Institute of Technology, Meguro 152-8551, Japan ⁵Cyclotron Institute and Department of Physics and Astronomy, Texas A&M University, College Station, Texas 77843, U.S.A. ⁶Instituto de Física, Universidade de São Paulo, C.P. 66318, 05389-970 São Paulo, SP, Brazil ⁷Department of Physics, Graduate School of Science, Kyoto University, Kyoto 606-8502, Jap ⁸Institute of Particle and Nuclear Studies, High Energy Accelerator Research Organization (KEK), 1-1, Oho, Ibaraki 305-0801, Japan (Dated: November 4, 2010) QGP N

構造の違いが生成量にあらわれる?





Coalescence model:ソースと状態の波動関数の重なりを評価





ハドロンの多彩な構造とその検証方法を議論した

導入:原子核・ハドロン物理

- ハドロン物理:低エネルギーQCDを理解する
- 観測されているハドロンの分類
 - エキゾチックハドロンはなぜ少ない?
- 🎽 ハドロン構造の研究
 - ハドロンは多様な構造を持つ
 - 重イオン衝突の生成量で構造を検証する
- http://www2.yukawa.kyoto-u.ac.jp/~tetsuo.hyodo/publication/16_16Lec.pdf