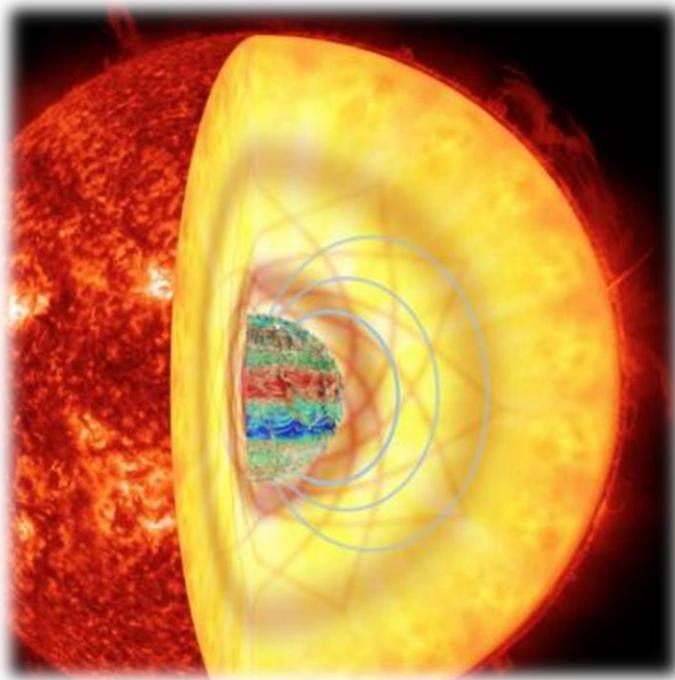
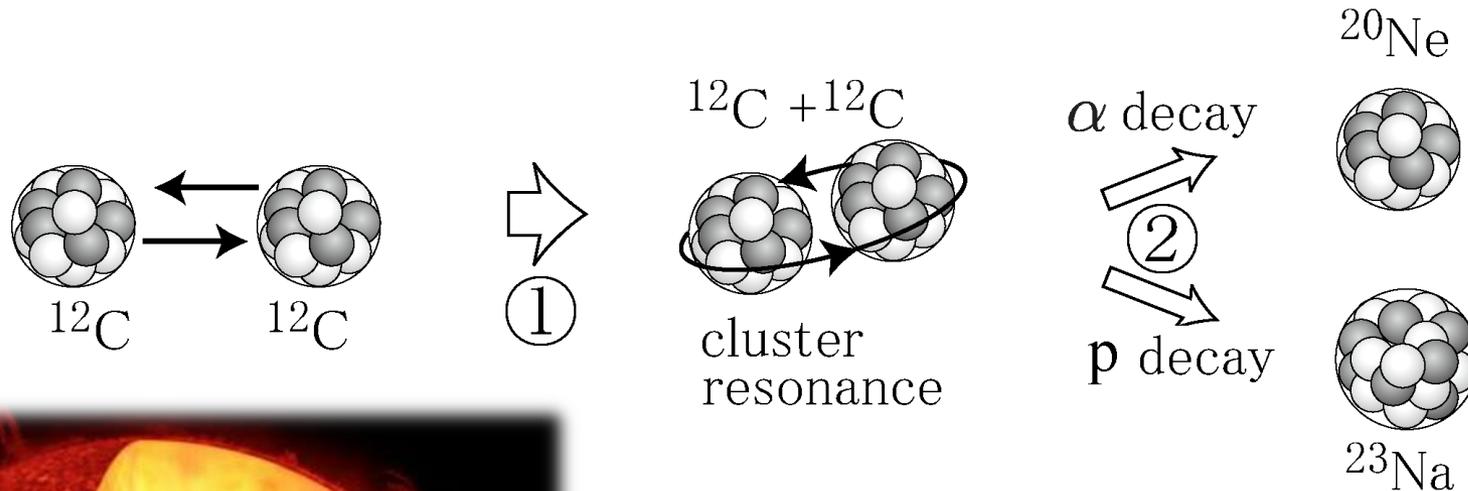


クラスター共鳴に対する 新しい研究アプローチ

木村 真明 (北大理, 北大核データセンター)

1. クラスター共鳴に対する新しいアプローチ
2. PDRの議論への応用

He, C 燃焼過程とクラスター共鳴

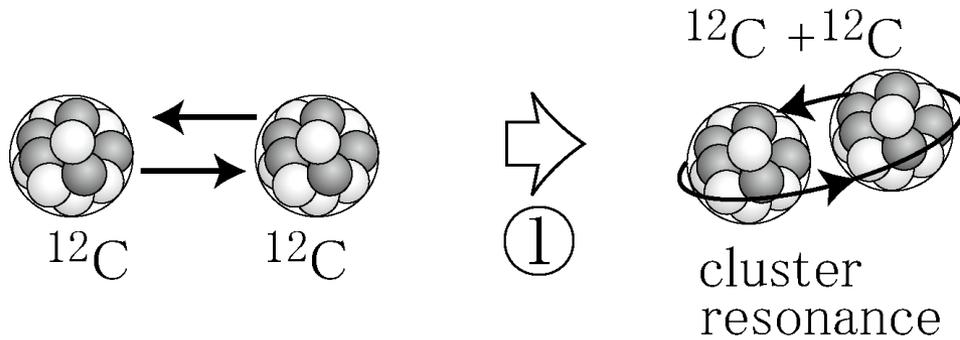


クラスター共鳴の性質が、核融合反応率を決定する

- ① Gamow windowに共鳴があると、反応率は桁で増大する
- ② その場合には、共鳴がどのように崩壊するかで、反応生成物が決まる

共鳴パラメータの決定が第一義的に重要

He, C 燃焼過程とクラスター共鳴



反応率は極めて小さく、
直接測定は不可能
間接的測定に頼らざるを得ない

例) トロイの木馬法による間接測定

LETTER

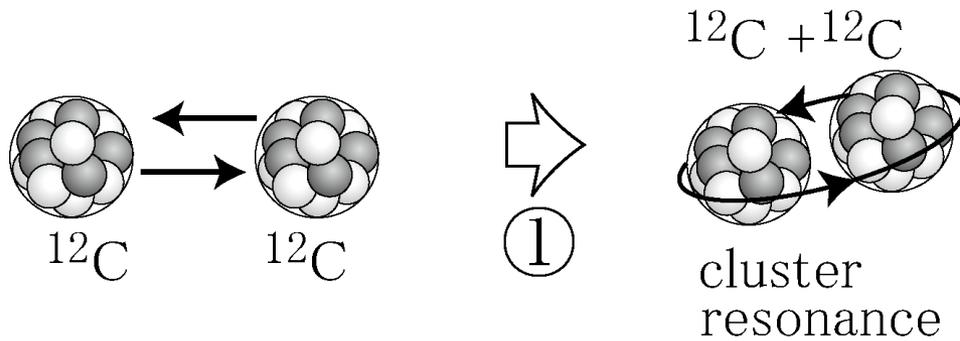
A. Tumino et al., Nature 557 (2018).

<https://doi.org/10.1038/s41586-018-0149-4>

An increase in the $^{12}\text{C} + ^{12}\text{C}$ fusion rate from resonances at astrophysical energies

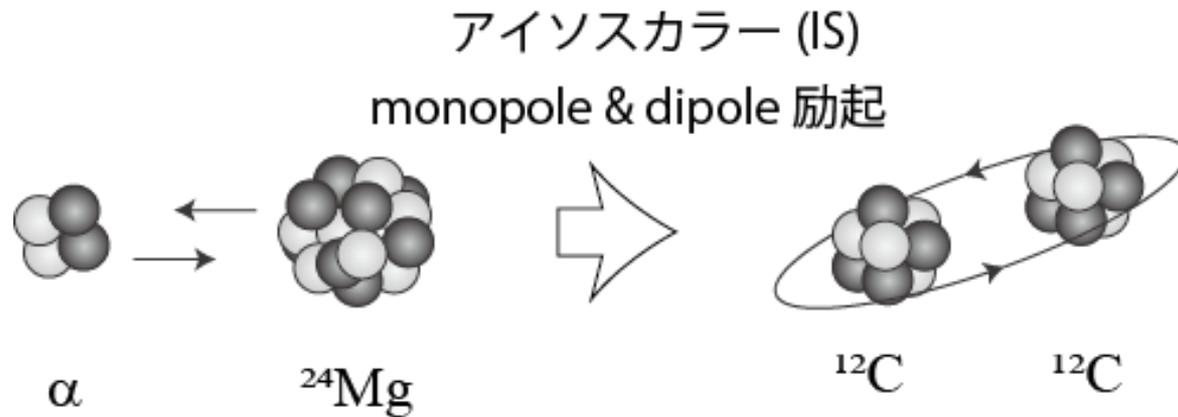
A. Tumino^{1,2*}, C. Spitaleri^{2,3}, M. La Cognata², S. Cherubini^{2,3}, G. L. Guardo^{2,4}, M. Gulino^{1,2}, S. Hayakawa^{2,5}, I. Indelicato², L. Lamia^{2,3}, H. Petrascu⁴, R. G. Pizzone², S. M. R. Puglia², G. G. Rapisarda², S. Romano^{2,3}, M. L. Sergi², R. Spartá² & L. Trache⁴

He, C 燃焼過程とクラスター共鳴



反応率は極めて小さく、
直接測定は不可能
間接的測定に頼らざるを得ない

New) α 非弾性散乱を用いると、遥かに容易に共鳴を調べられる!?

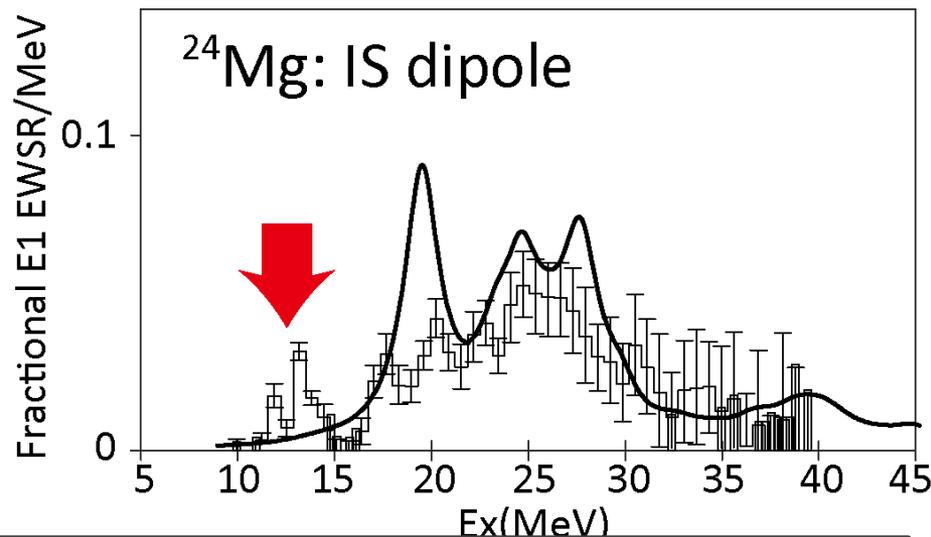
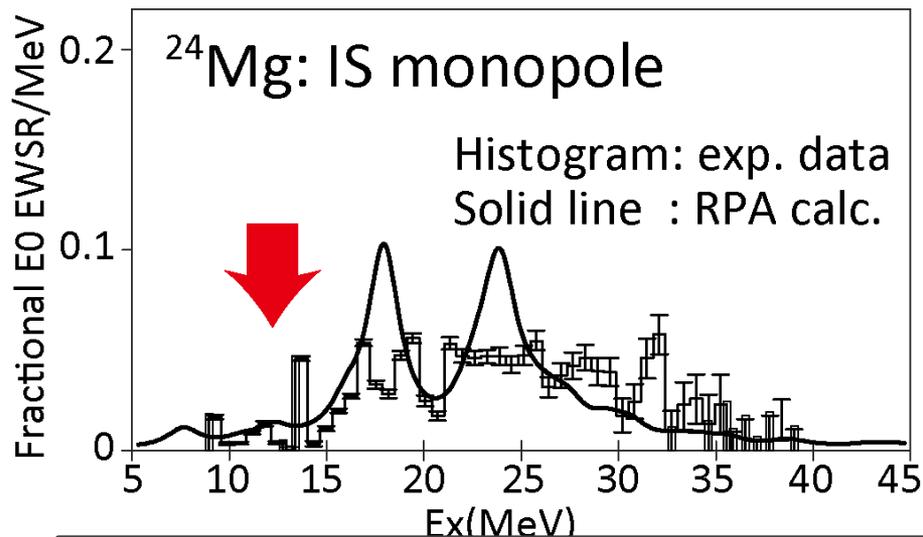


反応率はわからないが、共鳴パラメータを決められる

IS monopole/dipole 強度のデータ

X. Chen et al., PRC80, 014312 (2009).

D. H. Young-Blood et al., PRC65, 034302 (2002).



- ◎ Gamow window 近傍に共鳴が存在する
- ◎ RPAで記述される、集団運動状態とは異質な共鳴

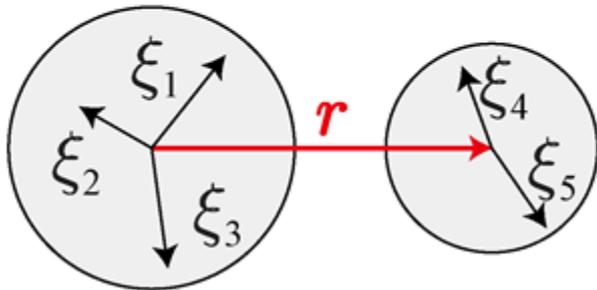


解析的な模型計算による検証

◎ IS monopole遷移によって、クラスター共鳴が強く励起される

T. Yamada et al., PTP120, 1139 (2008)

$$\mathcal{M}_{\mu}^{IS0} = \sum_{i=1}^A (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{\text{cm}})^2 = \sum_{i \in C_1} \xi_i^2 + \sum_{i \in C_2} \xi_i^2 + \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} r^2$$



C_1, C_2 : masses of clusters

ξ_i : internal coordinates of clusters

r : relative coordinates of clusters

◎ 座標変換を行うと、2体クラスターの相対運動を励起する項があると分かる

◎ 換算質量の係数が掛かっており、増幅される

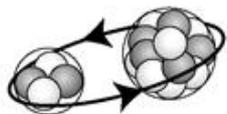
(複数の粒子が1つのクラスターとして運動することで増幅)

解析的な模型計算による検証

© IS monopole遷移によって、クラスター共鳴が強く励起される

T. Yamada et al., PTP120, 1139 (2008)

$$\mathcal{M}_{\mu}^{ISO} = \sum_{i=1}^A (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{\text{cm}})^2 = \sum_{i \in C_1} \xi_i^2 + \sum_{i \in C_2} \xi_i^2 + \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} r^2$$



模型波動関数を仮定し、解析的に遷移行列を求める

$$\Phi(0_{\text{ex}}^+) = \sum_{N=N_0+2}^{\infty} f_N n_N \mathcal{A} \{ R_{N0}(r) Y_{00}(\hat{r}) \phi_{\alpha} \phi_{160} \}$$

理想的なクラスター共鳴の波動関数

$$\Phi_{\text{g.s.}} = n \mathcal{A} \{ R_{80}(r) Y_{00}(\hat{r}) \phi_{\alpha} \phi_{160} \}$$

殻模型(調和振動子)の波動関数

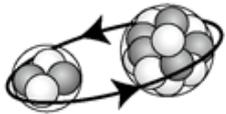


解析的な模型計算による検証

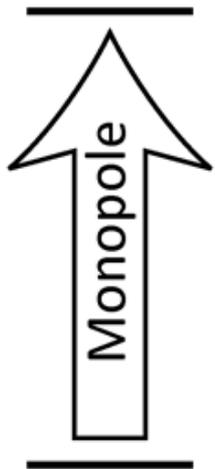
© IS monopole遷移によって、クラスター共鳴が強く励起される

T. Yamada et al., PTP120, 1139 (2008)

$$\mathcal{M}_{\mu}^{IS0} = \sum_{i=1}^A (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{\text{cm}})^2 = \sum_{i \in C_1} \xi_i^2 + \sum_{i \in C_2} \xi_i^2 + \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} r^2$$



模型波動関数を仮定し、解析的に遷移行列を求める



$$\begin{aligned} M^{IS0} &= \langle \Phi(0_{\text{ex}}^+) | \mathcal{M}^{IS0} | \Phi(0_1^+) \rangle \\ &= f_{N_0+2} \sqrt{\frac{\mu_{N_0}}{\mu_{N_0+2}}} \langle R_{N_0 0} | r^2 | R_{N_0+2 0} \rangle \\ &\simeq 7.67 f_{N_0+2} = 5.5 \text{ fm}^2 \end{aligned}$$

一粒子強度 (Wieskopf estimate)

$$M_{\text{WU}}^{IS0} = \frac{3}{5} (1.2 A^{1/3})^2 \simeq 6.3 \text{ fm}^2$$

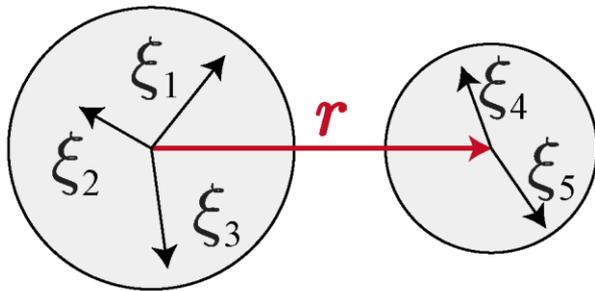


解析的な模型計算による検証

◎ IS dipole 遷移も同じストーリー

Y. Chiba, M.K. and Y. Taniguchi, PRC93, 034319 (2016)

$$\begin{aligned}\mathcal{M}_{\mu}^{IS1} &= \sum_{i=1}^A (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{\text{cm}})^3 Y_{1\mu}(\widehat{\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{\text{cm}}}) \\ &= \frac{5}{3} \left(\frac{C_2}{A} \sum_{i \in C_1} \xi_i^2 - \frac{C_1}{A} \sum_{i \in C_2} \xi_i^2 \right) \mathbf{r} Y_{1\mu}(\hat{\mathbf{r}}) - \frac{C_1 C_2 (C_1 - C_2)}{A^2} \mathbf{r}^3 Y_{1\mu}(\hat{\mathbf{r}}) \\ &+ \dots\end{aligned}$$



C_1, C_2 : masses of clusters

ξ_i : internal coordinates of clusters

\mathbf{r} : relative coordinates of clusters

解析的な模型計算による検証

◎ IS dipole 遷移も同じストーリー

Y. Chiba, M.K. and Y. Taniguchi, PRC93, 034319 (2016)

模型波動関数を仮定し、解析的に遷移行列を求める

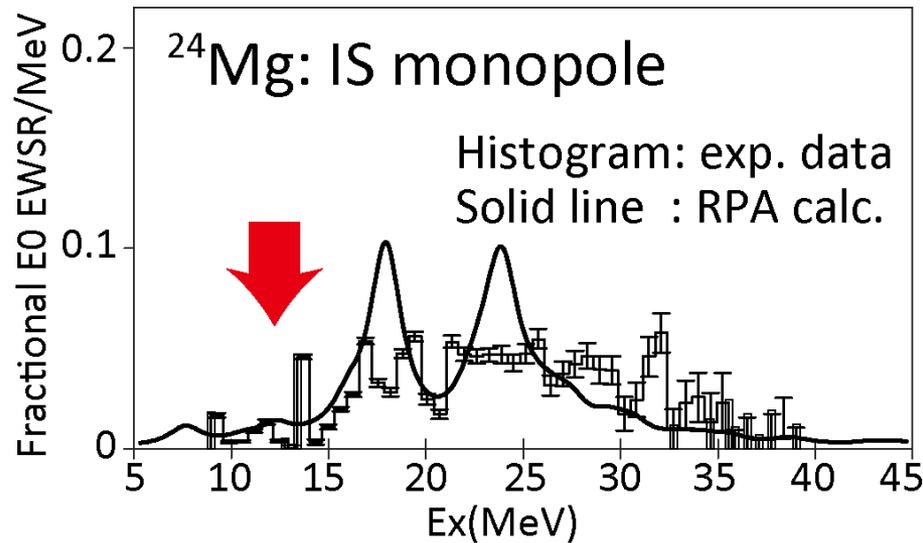
$$\begin{aligned} M^{IS1} &= \langle \Phi(1_{\text{ex}}^-) | \mathcal{M}^{IS1} | \Phi(0_1^+) \rangle \\ &= \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \frac{C_1 C_2}{A} \left[f_{N_0+1} \sqrt{\frac{\mu_{N_0}}{\mu_{N_0}}} \left\{ \frac{5}{3} (\langle r^2 \rangle_{C_1} - \langle r^2 \rangle_{C_2}) \langle R_{N_0 0} | r | R_{N_0+11} \rangle \right. \right. \\ &\quad \left. \left. - \frac{C_1 - C_2}{A} \langle R_{N_0 0} | r^3 | R_{N_0+11} \rangle \right\} \right. \\ &\quad \left. - \frac{C_1 - C_2}{A} f_{N_0+3} \sqrt{\frac{\mu_{N_0}}{\mu_{N_0+3}}} \langle R_{N_0 0} | r^3 | R_{N_0+31} \rangle \right] \\ &\simeq \mathbf{5.8 \text{ fm}^3} \quad (\text{for } ^{20}\text{Ne}) \end{aligned}$$

一粒子強度 (Wiesskopf estimate)

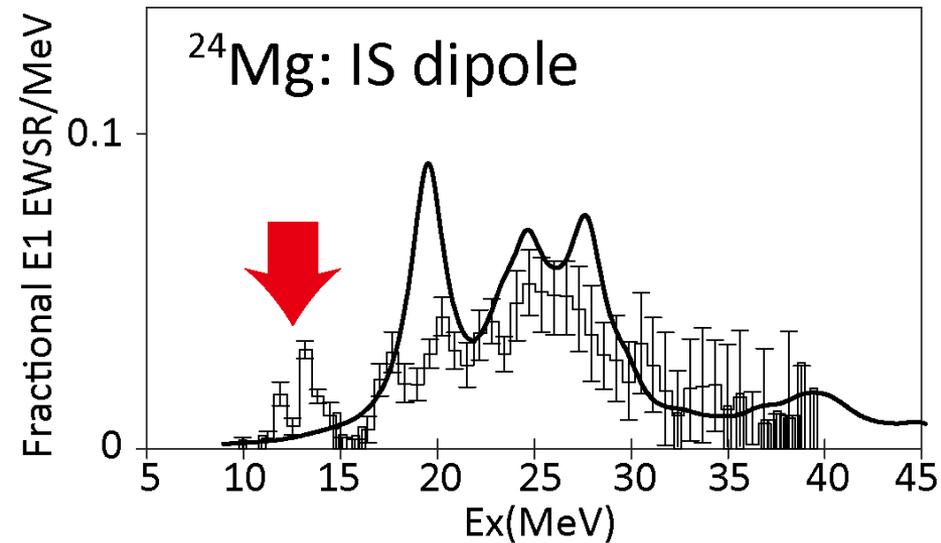
$$M_{WU}^{IS1} = \sqrt{\frac{3}{16\pi}} (1.2 A^{1/3})^3 \simeq \mathbf{8.4 \text{ fm}^3} \quad (\text{for } ^{20}\text{Ne})$$

クラスター共鳴とIS monopole/dipole 遷移

X. Chen et al., PRC80, 014312 (2009).



D. H. Young-Blood et al., PRC65, 034302 (2002).

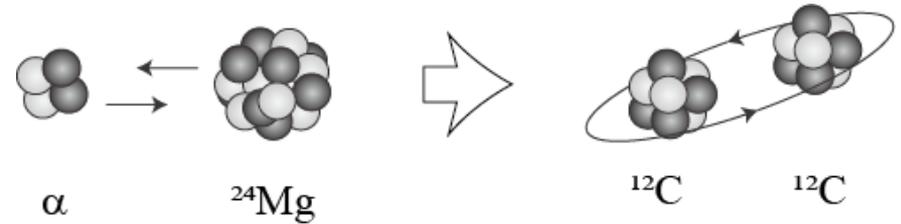
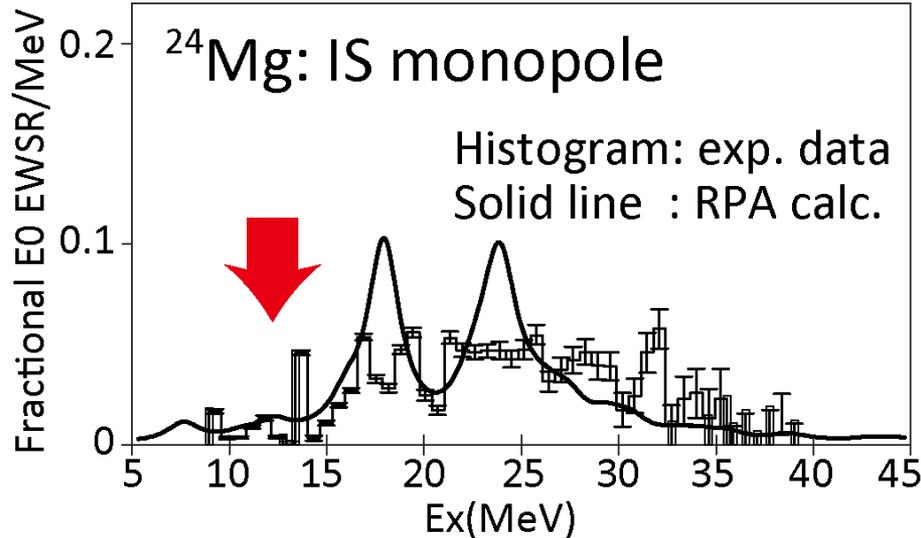


なぜ、低エネルギー領域に共鳴が現れるのか

◎ 巨大共鳴: 密度の変化を伴う, $E > 15$ MeV

◎ クラスター共鳴: クラスターの相対運動の励起, $E < 15$ MeV

クラスター共鳴に対する新しいアプローチ

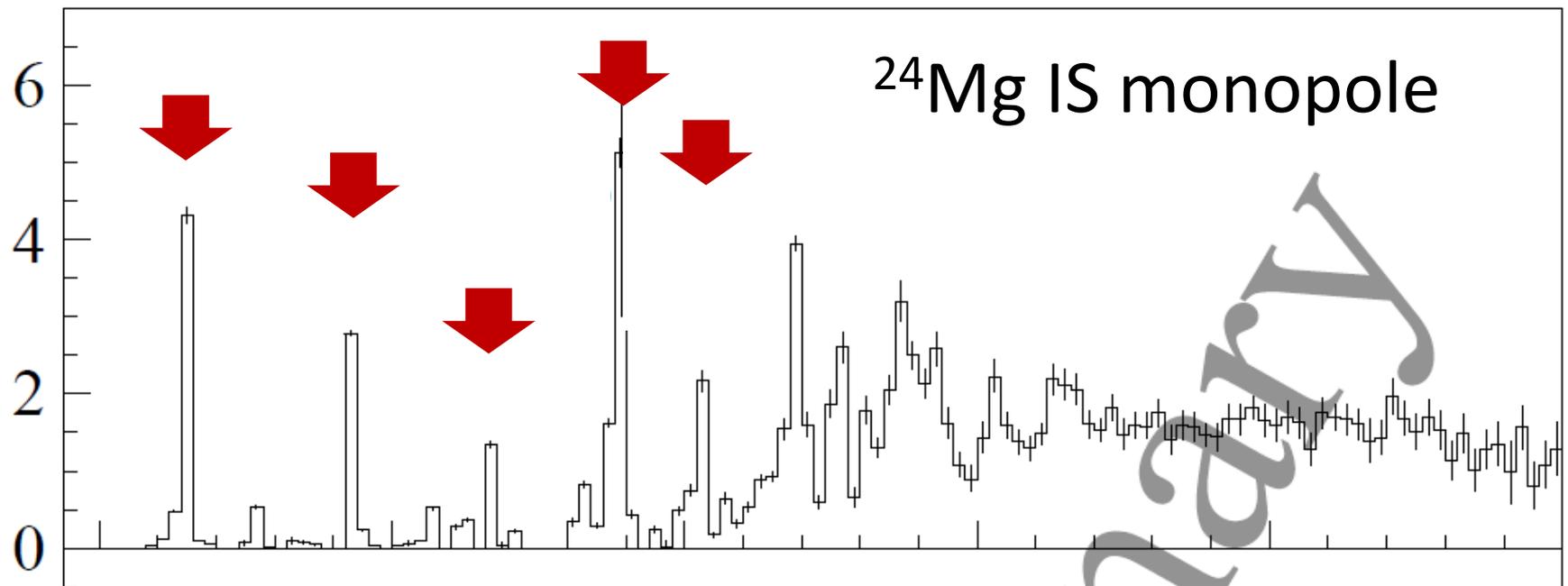


- α 非弾性散乱によって、クラスター共鳴が強く励起される
- ただし、断面積だけからはどのようなクラスター共鳴なのかわからない
- 理論計算で求めた共鳴の性質(遷移強度、崩壊パターン)と比較することで、共鳴パラメータを決定すればよい
(色々な理論モデルによる評価の蓄積が必要)

分子動力学モデルによる計算例 $^{12}\text{C}+^{12}\text{C}$

RCNPのHigh res. データ

T. Kawabata, Reported at the last Cluster conf. in 2012



分子動力学モデルによる計算例

Microscopic Hamiltonian (A-nucleons)

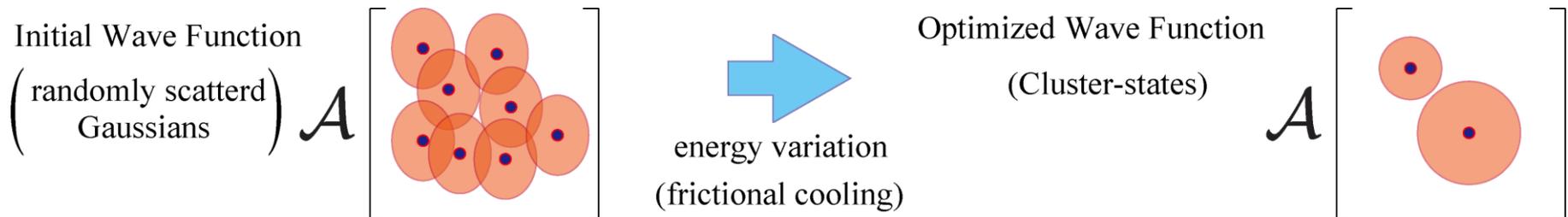
Gogny D1S interaction, No spurious center-of-mass energy

$$\hat{H} = \sum_i^A \hat{t}_i - \hat{t}_{c.m.} + \sum_{i<j}^A \hat{v}_{\text{GognyD1S}}(r_{ij}) + \sum_{i<j}^Z \hat{v}_{\text{Coulomb}}(r_{ij})$$

Variational wave function: Antisymmetrized product of Gaussian wave packets
No a-priori assumption on cluster structure

$$\Psi^\pi = \frac{1 + \pi \hat{P}_r}{2} \Psi_{int} = \frac{1 + \pi \hat{P}_r}{2} \mathcal{A}\{\varphi_1, \varphi_2, \dots, \varphi_A\}$$

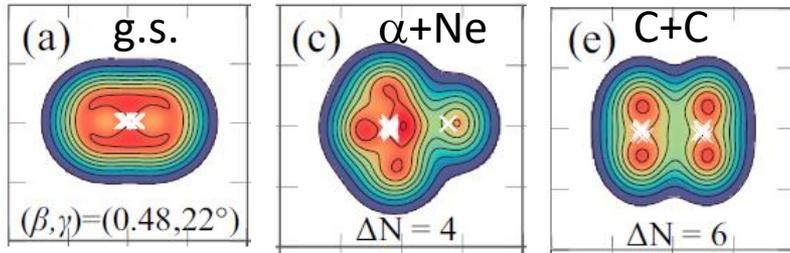
$$\varphi_i(\mathbf{r}) \propto \exp \left\{ -\nu_x \left(x - \frac{Z_{ix}}{\sqrt{\nu_x}} \right)^2 - \nu_y \left(y - \frac{Z_{iy}}{\sqrt{\nu_y}} \right)^2 - \nu_z \left(z - \frac{Z_{iz}}{\sqrt{\nu_z}} \right)^2 \right\} \otimes \{a_i | \uparrow\rangle + b_i | \downarrow\rangle\} \otimes (|n\rangle \text{ or } |p\rangle)$$



分子動力学モデルによる計算例 $^{12}\text{C}+^{12}\text{C}$

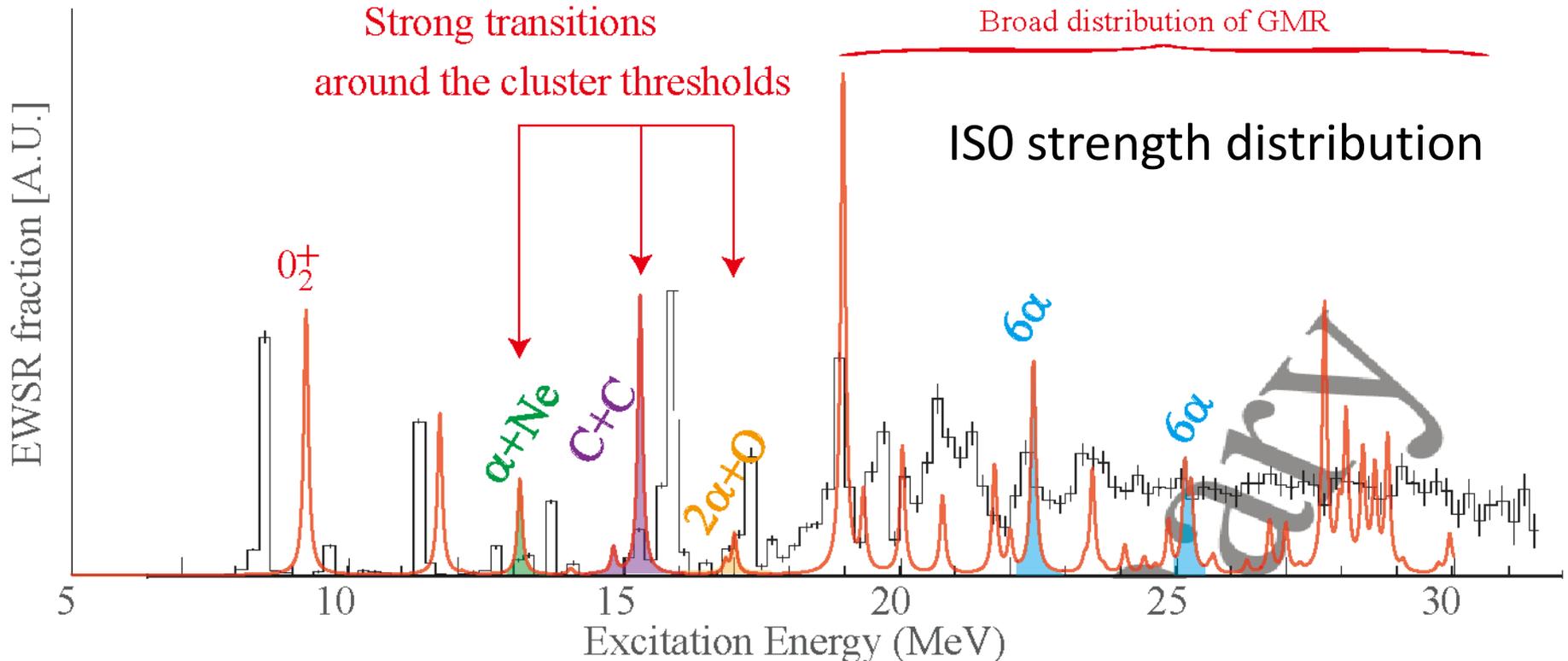
S monopole/dipole transitions of ^{24}Mg

strongly populate $\alpha+^{20}\text{Ne}/^{12}\text{C}+^{12}\text{C}$ resonances



M.K, R. Yoshida and M. Isaka, PTP127, 287 (2012)

Y. Chiba, and M.K., PRC91, 061302(R) (2015)

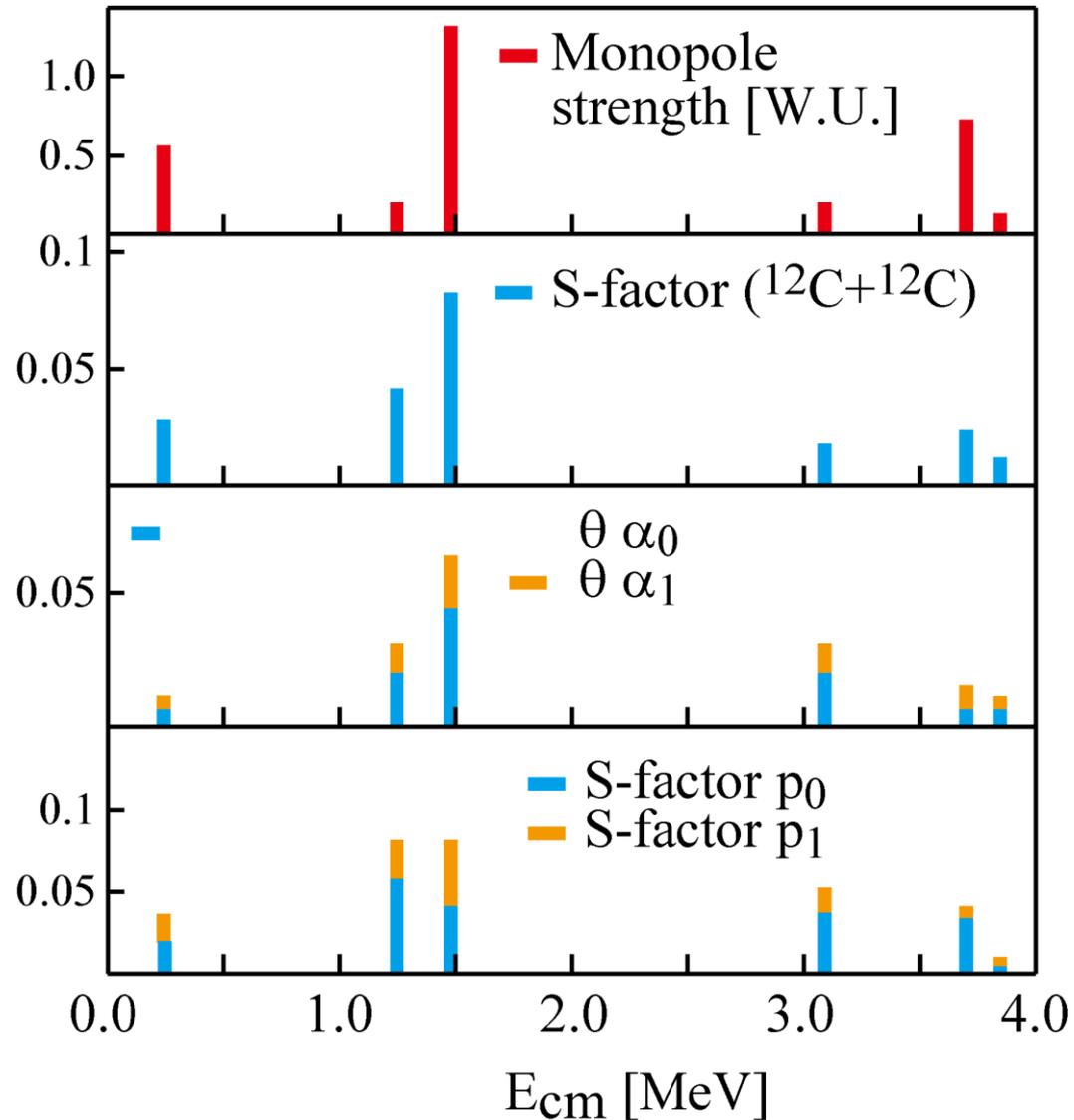


分子動力学モデルによる計算例 $^{12}\text{C}+^{12}\text{C}$

- A couple of resonances in the Gamow window
- They have monopole transition strengths
- They have S-factors in the C+C, α +Ne, p+Na channels



0^+ resonances



クラスター共鳴に対する新しいアプローチ

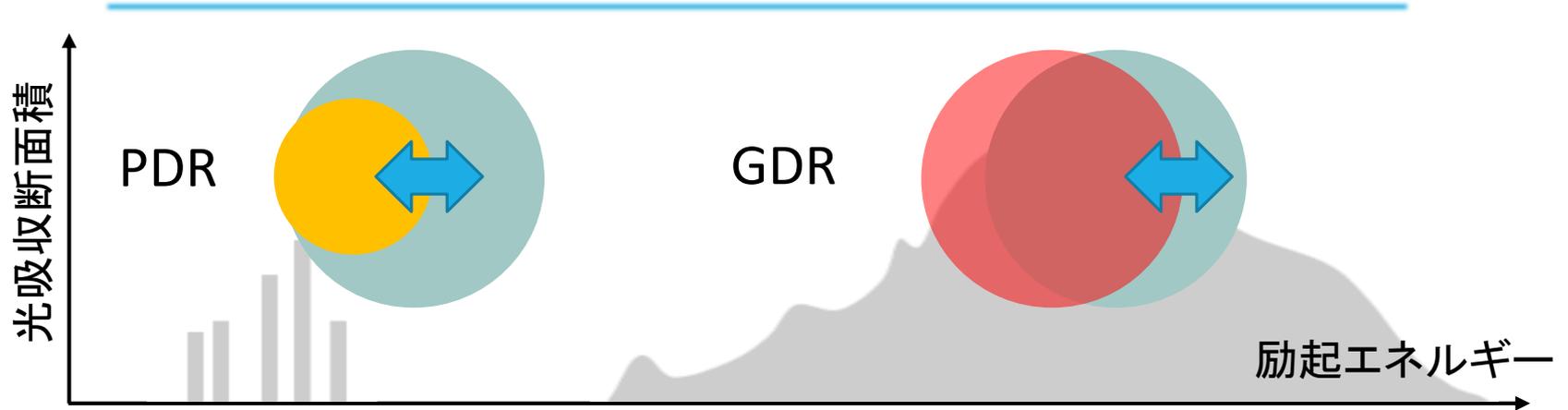
- IS monopole/dipole 遷移によってクラスター共鳴が強く生成されることは、簡単な計算によって示すことができ、直感的に理解できる
- 非弾性散乱実験と理論計算とを比較することで、共鳴パラメータを(原理的には)決定できる
(C+C, C+O, O+O)

課題

- IS monopole/dipole 遷移強度と断面積とが、必ずしも単純な関係にない(詳細な反応計算が必要)
- 理論計算の蓄積が必要(モデル依存性、不定性)
- 共鳴パラメータは求められるが、反応率そのものが分かるわけではない

ピグミー共鳴への応用

導入: ^{26}Ne のPDR問題



ピグミー双極子共鳴 (PDR)

巨大共鳴より低いエネルギーに現れる, E1共鳴

その起源が議論されている

◎ コア核と中性子スキンとが逆位相の運動

K. Ikeda, INS Report JHP-7 (1988)

◎ 中性子の一粒子励起を見ているだけ?

関連する物理

◎ r-process元素の生成に影響

◎ 中性子星の質量と構造, 超新星爆発メカニズム

導入: ^{26}Ne のPDR問題

理論計算 (PRA, QRPA)

- ◎ PDRは **6 ~ 10 MeV** に現れ
- ◎ TRK和則の **5~10 %** を尽くす

L. Cao et al., PRC71, 034305(2005)

M. Martini, et al., PRC 83, 034309 (2011)

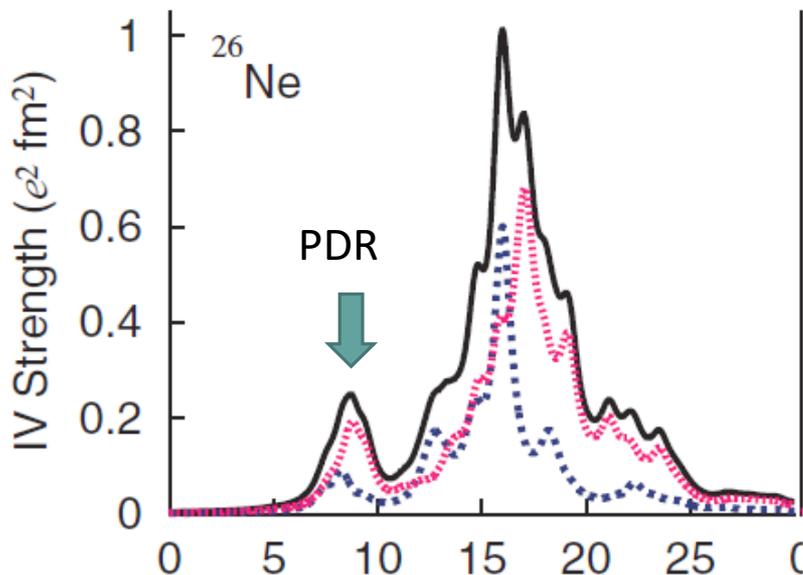
T. Inakura, PRC 84, 021302 (2011)

Y. Hashimoto, EPJA48, 55 (2012)

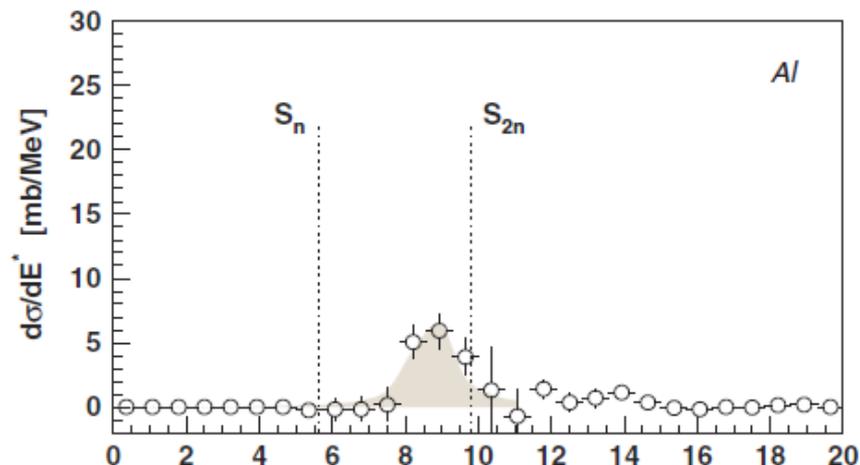
実験@RIPS

- ◎ PDRを **9MeV** に観測
- ◎ TRK和則の **5%** を尽くす
 $B(E1)=0.49 [e^2\text{fm}^2]$

K. Yoshida et al., PRC78, 014305 (2008)



J. Gibelin et al., PRL101, 212503 (2008).



導入: ^{26}Ne のPDR問題

PDRの崩壊モードが矛盾しているように思われる

理論計算 (PRA, QRPA)

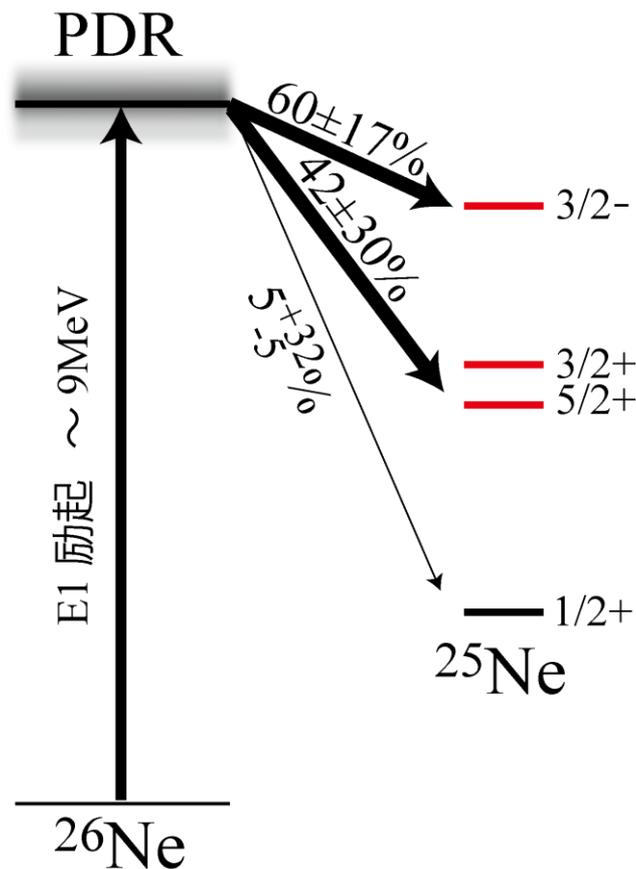
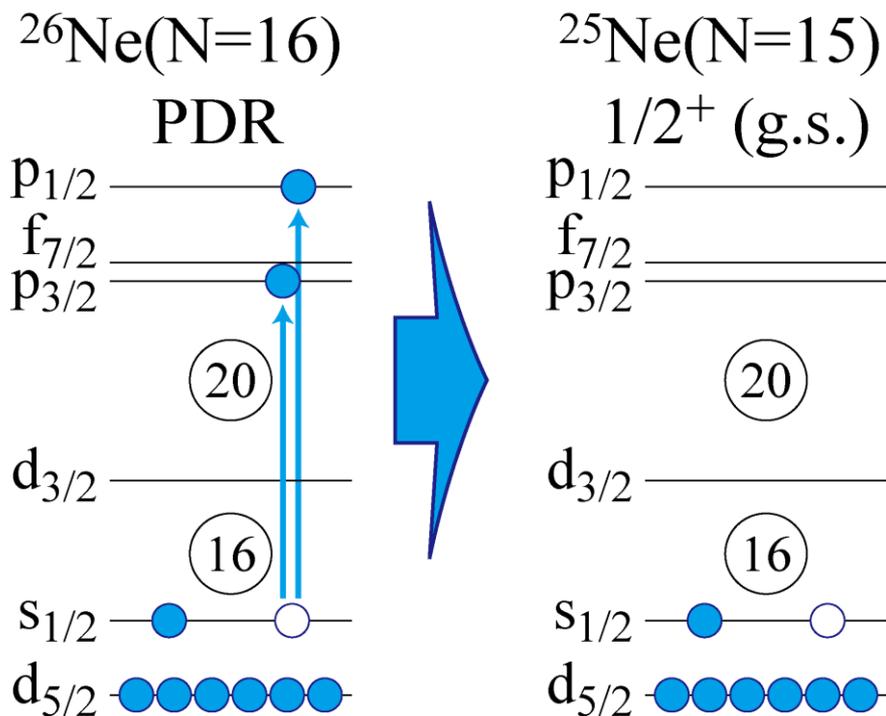
実験@RIPS

◎ $s_{1/2} \rightarrow p_{3/2}, p_{1/2}$ の中性子励起

◎ ^{25}Ne の励起状態に崩壊

J. Gibelin et al., PRL101, 212503 (2008).

^{25}Ne の基底状態に崩壊すると予想



分子動力学モデルによるE1共鳴の記述

E1強化型 反対称化分子動力学

◎ E1共鳴に寄与するのは、基底状態にE1遷移演算子を作用させた状態

$$|E1共鳴\rangle \simeq \mathcal{M}(E1) |\text{基底状態}\rangle = \sum_i e_i r_i Y_{1\mu}(\hat{r}_i) |\text{基底状態}\rangle$$

$$\propto \sum_i \underline{|\mathbf{Z}_1, \dots, \mathbf{Z}_i + \Delta\mathbf{Z}, \dots, \mathbf{Z}_A\rangle} \quad \text{核子を表す波束中心を} \\ \text{少しシフトした波動関数}$$

◎ 基底状態の波動関数から、Gauss波束の中心をシフトして基底を生成、
重ね合わせれば良い \Rightarrow Shifted-basis AMD法

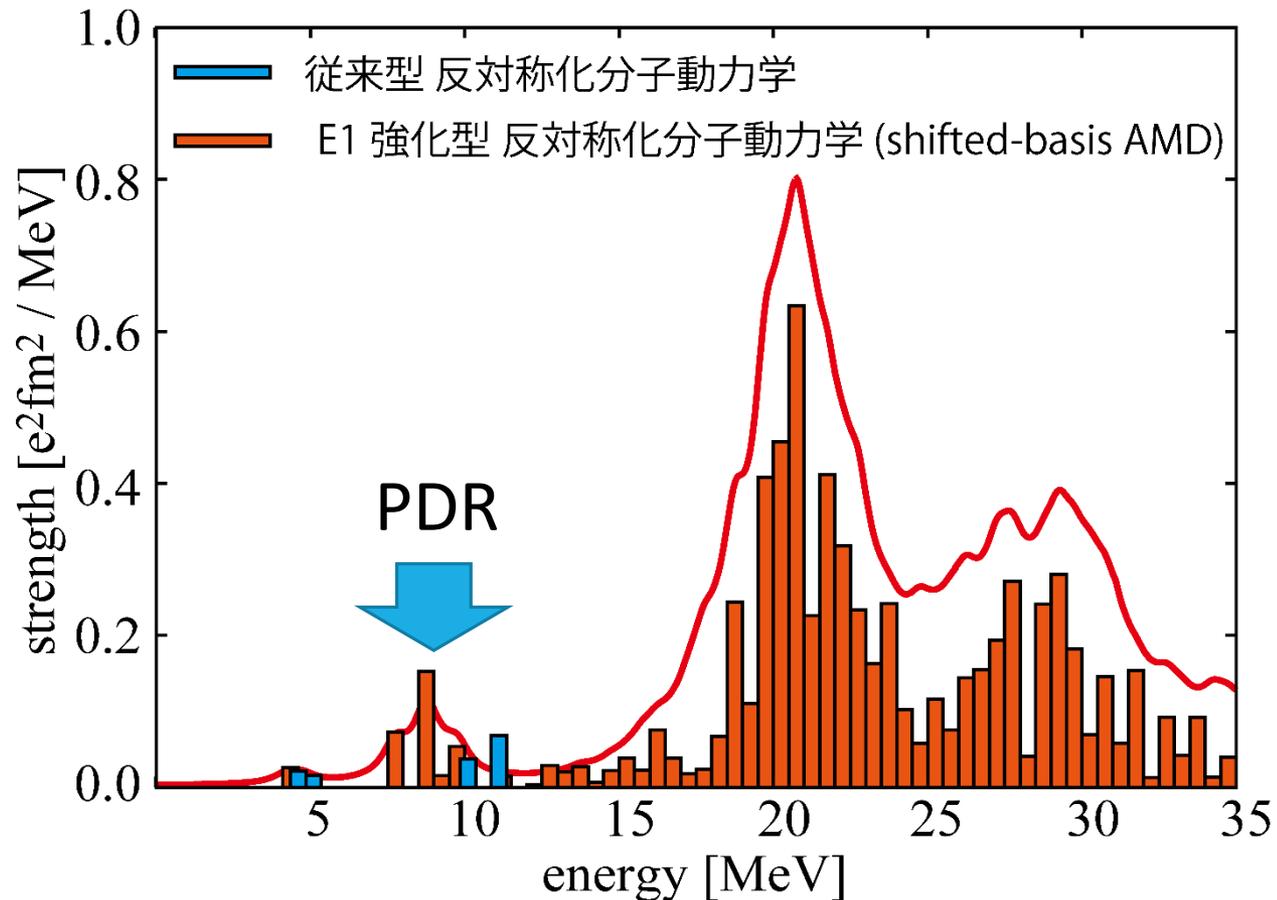
Y. Kanada-En'yo, PRC93 (2016).

M. Kimura, submitted to PRC.

理論模型: 反対称化分子動力学によるE1共鳴の記述

◎ ^{26}Ne のPDRとGDR共に、記述可能 \Rightarrow AMDでE1共鳴の研究が可能

◎ Gogny力を用いた他のQRPA計算と無矛盾な結果



結果: E1強度, PDRのS-factor

結果のまとめ

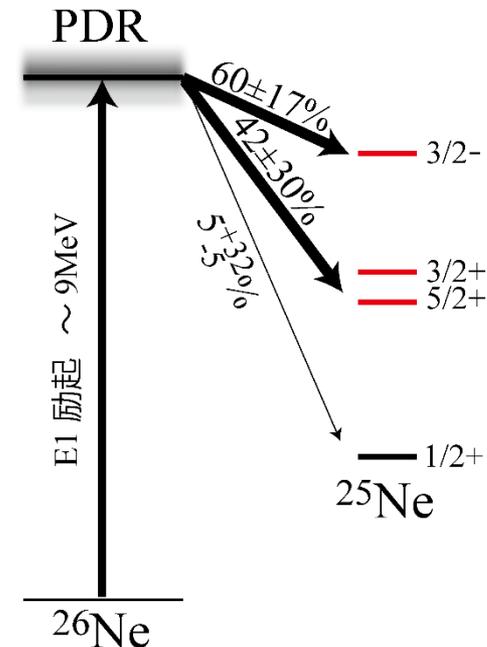
E1強化型 反対称化分子動力学

実験@RIPS

- ◎ PDRは **8.5MeV**
- ◎ $B(E1)=\mathbf{0.37}$ e²fm²
- ◎ ²⁵Neの**励起状態**の
S-factor **大**

- ◎ PDRを **9MeV** に観測
- ◎ $B(E1)=\mathbf{0.49 \pm 0.16}$ e²fm²
- ◎ ²⁵Neの**励起状態**に崩壊

	²⁵ Ne(3/2 ⁺) ⊗ p _{3/2}	²⁵ Ne(5/2 ⁺) ⊗ p _{3/2}	²⁵ Ne(3/2 ⁻) ⊗ s _{1/2}
1 ₃ ⁻	0.4	1.2	0.3
1 ₄ ⁻	0.3	1.1	0.3
1 ₅ ⁻	0.2	0.3	0.7
1 ₆ ⁻	1.1	0.2	0.5



議論のまとめ

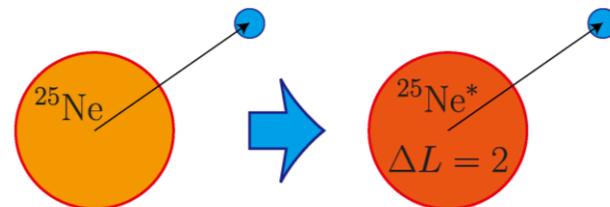
① PDRは中性子励起が主である ⇒ **アイソスカラー成分を持つ**

$$|PDR\rangle \simeq \mathcal{M}(E1) | \text{基底状態} \rangle + \mathcal{M}(IS1) | \text{基底状態} \rangle$$

② もし**コア核のB(E2)が強い**と(振動, 回転)、
アイソスカラー成分は必然的に**コア励起を伴い大きくなる**

$$\mathcal{M}(IS1) \simeq -\frac{4\sqrt{2\pi}}{3A} \left[\left(\sum_{i \in {}^{25}\text{Ne}} \xi_i^2 Y_1(\hat{\xi}_i) \right) \otimes r_n Y_1(\hat{r}_n) \right]_{1\mu}$$

${}^{25}\text{Ne}$ の四重極励起



Conjecture

より中性子過剰なNe同位体のPDRではコア励起がより顕著になる



変形領域

まとめ

◎導入: ^{26}Ne のPDR問題について説明
崩壊モードの矛盾, コア励起

◎理論模型: 反対称化分子動力学の強化
shifted-basis AMD法によって、E1共鳴の研究が可能に

◎結果: Shifted-basis AMDは
 ^{26}Ne のPDRの性質, 崩壊モードを良く説明

○ $E=8.5\text{MeV}$, $B(E1)=0.37\text{ e}^2\text{fm}^2$

○ 励起状態のS-factor 大

◎議論: コア励起の由来

PDRがアイソスカラー成分を持ち

コア核の $B(E2)$ が強いなら

⇒ PDRはコア励起成分を多く持つ

$$\mathcal{M}(IS1) \simeq -\frac{4\sqrt{2}\pi}{3A} \left[\left(\sum_{i \in ^{25}\text{Ne}} \xi_i^2 Y_1(\hat{\xi}_i) \right) \otimes r_n Y_1(\hat{r}_n) \right]_{1\mu}$$

^{25}Ne の四重極励起

