冷却原子の実験を通じて中性子物質を探る

堀越宗一

東京大学工学系研究科附属光量子科学研究センター

希薄な極低温二成分フェルミ粒子系の物性は、粒子密度n,温度Tと異なるスピン間のs波散乱長aのみ で特徴付けられる"普遍的"性質を持っており、粒子の種類や相互作用ポテンシャルの詳細に依らない。 冷却フェルミ原子系はこのような普遍的性質を持っているだけでなく、s波散乱長を自由に制御できる他 の系にはないユニークな特徴を持っている。それ故、冷却原子系は理想的な多体シミュレータとして働き、 近似を一切含まない実験データは理論研究の試金石として重要な役割を果たす。我々はこの冷却原子系を 用い、未知の物質である中性子星の物性解明へ向け研究を進めている。本レビューでは、中性子星の状態 方程式を決定するプロジェクトの概要を紹介し、冷却原子系の普遍的多体物理に触れ、冷却原子の実験を 通じて如何にして中性子物質を探るのかを述べる。最後に我々の提案する冷却フェルミ原子を用いた状態 方程式の実験的決定方法を説明する。

1. 中性子星と本新学術領域研究の概要

中性子星は宇宙で観測可能な最大密度物質である。星の質量はこれまでの観測により1~2M_@程度と判っ ており、半径は10km程度と予想されている[1]。ここで M_{\odot} は太陽質量である。この質量と半径より星の中 心密度は3~10 ρ_0 程度になると見積もられ、中性子星は巨大な原子核に相当する事が分かる。ここで $\rho_0 = 0.16 \text{fm}^{-3}$ は飽和核密度である。中性子星の興味深いところは、星の地殻から内核に渡る豊富な多体系 の存在にある。例えば密度の低い星の外側から内側にかけて順に見ていくと、低密度領域の地殻領域は原 子核から漏れ出た中性子が自由に動き回る中性子物質によって構成され、密度が大きくなるにつれ中性子 過剰原子核の存在が支配的になる。その内側ではさらに密度が大きくなり、原子核はパスタ構造やラザニ ア構造といった秩序を構成し[2]、最終的に原子核は溶けて一様な原子核となる。さらに高密度側に進むと ストレンジクオークを含んだハイペロンの存在が許されるようになると考えられ、ハイパー核の分野へ繋 がっていく。最も密度の高い星の中心においては、バリオンやハイペロン中のクオークがグルーオンの束 縛から逃れ自由に動き回るクオーク物質の存在が期待されている。このような希薄なフェルミ粒子系から クオーク物質まで連続的につながっているような多体系は中性子星以外に存在しない。ただし今現在、中 性子星の内部構造、星を支える状態方程式や最大質量等は実験、理論のいずれの方面からも明らかになっ ておらず、中性子星は宇宙に浮かぶ巨大な謎の物質のままである。

本新学術領域研究「実験と観測で解き明かす中性子星の核物質」では、その名の通り実験、観測のデー タの下、中性子星の内部構造と状態方程式を決定するのが目的である。具体的には、低密度領域に存在す る中性子物質は冷却フェルミ原子を用い、低中密度領域に存在する中性子過剰原子核は理研の RIBF を用い、 高密度領域のハイパー核については KEK の J-PARC を用いて、それぞれバリオン密度に対する組成比とエネ

ルギーを決定する。それぞれの測定データより原子核の状態方程式: $E = f\left(
ho, \left(n_{n}, n_{p}, n_{\wedge}, ...
ight)
ight)$ を理論班に

よって構築し、重カと圧力の釣り合いの関係式より中性子星の MR 曲線(質量-半径曲線)を決定する。こ こで*p*はバリオン密度、n_n, n_p, n_A, ...は中性子、陽子、 A 粒子などの組成比である。地上実験で得られた MR 曲線の妥当性は X 線望遠鏡 ASTRO-H により直接中性子星の観測を行い、観測データ上を MR 曲線が通るかど うかで評価する。

2. 冷却原子を用いた普遍的多体フェルミ系

そこで我々は中性子星の状態方程式構築へ向け冷却原子を用いた中性子物質のシミュレーションを目指 しているのだが、果たして本当に温度 10⁻⁶K、圧力 10⁻¹⁰Pa の冷却原子を用いて、温度 10¹⁰K、圧力 10³⁰Pa 程 度の中性子星の物理が解るのだろうか[3]? "普遍的"という意味を理解する上で先ずは冷却原子系の長さ スケールについて考える。冷却原子系には 6 つの長さスケールが存在する。短い方からファンデルワール ス長、散乱の有効距離、s 波散乱長、熱的波長、平均粒子間距離、粒子を閉じ込めているポテンシャルの サイズである。フェルミ粒子である⁶Li 原子の場合、ファンデルワールス長は $R_{vdw} = 1.7$ nm、有効距離は $r_e = 4.7$ nm、s 波散乱長は外部磁場の強度で制御可能なフェッシュバッハ共鳴により $|a| = 0 \sim \infty$ まで可変、 熱的波長は 1 μ K で $A_T \sim 100$ nm、平均粒子間距離は典型的に $d = n^{-1/3} \sim k_F^{-1} \sim 100$ nm程度、ポテンシャルのサ イズは $L \sim 10 \mu$ m程度である。s 波散乱長が平均粒子間距離程度に大きい場合、長さの大小関係は $R_{vdw} < r_e \ll A_T, d, |a| \ll L \ge x$ り、粒子や実験系に特有な長さスケール R_{vdw}, r_e, L は意味を持たなくなる。粒 子固有のパラメータやシステム固有のパラメータが系の物性に変化を与えず、粒子密度*n*、温度*T* と s 波散 乱長*a*のみで系の物性が特徴付けられる性質を"普遍的"と呼ぶ。また普遍的な多体系から得られる物理量

を、普遍的な物理量と呼ぶ。

このように相互作用している普遍的な二成分フェルミ粒子系が示す多体物理の一つとして BCS-BEC クロ スオーバーがある[4]。異なるスピン間の s 波散乱長が正 (a > 0)の場合、系は BEC 領域に属す。この場合 十分高温領域において系は斥力相互作用しているフェルミ粒子として振る舞う。フェルミ気体の熱運動に よる運動エネルギーが二体の束縛エネルギーよりも小さくなるとフェルミ粒子は二原子分子を形成しボー ス粒子となり、熱的分子として振る舞う。この時系を構成している粒子は分子となる。ここで注意したい のは、分子を形成している二原子間には束縛エネルギーによる強い引力が働いているが、分子間の散乱長 は原子間の散乱長aと $a_{
m mol}$ = 0.6aの関係にあるため分子間は斥力相互作用をしている。よって、分子を形成 している低温領域において系は斥力相互作用している分子気体として振る舞う。さらに温度が下がると相 転移を起こし斥力相互作用をしている分子のボース・アインシュタイン凝縮(BEC)となる。一方、散乱長が 負(a < 0)の場合、系は BCS 領域に属す。この場合分子状態が存在しないためフェルミ温度以上の領域まで は、系は引力相互作用しているフェルミ粒子として振る舞う。フェルミ温度以下まで温度が下がってくる とフェルミ面が現れ始め、多体効果によりフェルミ粒子は運動量空間でクーパー対を形成し BCS 超流動相 転移を起こす。固体の高温超電導ではT > T_cで擬ギャップ相があると言われており、高温超電導メカニズ ムと関係があるため大きな論点となっているが、s波相互作用しているフェルミ粒子系において擬ギャッ プが存在するかは未だ定かではない[5]。高温超電導のメカニズム解明の視点からも擬ギャップの問題は重 要な課題である。 T = 0において量子多体系は、 実空間で対を形成している分子 BEC 状態から運動量空間で

対を形成している BCS 超流動状態に相転移を伴わず連続的に繋がっている言われており、この連続的変化 を BCS-BEC クロスオーバーと呼ぶ。

それでは BCS-BEC クロスオーバー領域のフェルミ多体系はどのような状態方程式で記述できるのだろう か? その答えのヒントは多体中の二体の振る舞いに隠されている。Zhang と Leggett の理論[6]によると、 二成分フェルミ粒子系中のアップスピンとダウンスピンの二体密度行列は、スピン間の距離がa, k_F⁻¹ ≫ r = $|r_{\uparrow} - r_{\downarrow}| > R_{vdw}$ を満たす近距離において、 $|\phi_{pair}(r)|^2 \equiv \langle \psi_{\uparrow}^{\dagger}(r_{\uparrow})\psi_{\downarrow}^{\dagger}(r_{\downarrow})\psi_{\downarrow}(r_{\downarrow})\psi_{\uparrow}(r_{\uparrow})\rangle = 4\pi k_F N \cdot h(x, \theta) \cdot$

 $\left|\frac{\phi(r)}{4\pi}\right|^2$ という形で与えられる事が示されている。ここで $h(x, \theta)$ は、相互作用パラメータ $x = -\frac{1}{k_F a}$ と温度パラ

メータ $\theta = T/T_F$ のみで決まる普遍的多体関数である。また $\phi(r) = \frac{1}{r} - \frac{1}{a}$ は散乱長のみで与えられる2体の波動関数である。これより多体中の近距離二体相関も粒子密度n,温度Tと散乱長aのみで特徴付けられる普遍的な形を持っている事が解る。今日この普遍的多体関数は Tan のコンタクト: C = 4 π k_FN·h(x, θ)として用いられることが多く、このコンタクトを用いた Tan 理論は近年冷却原子の分野から誕生した新しい理論

である。コンタクトを用いた関係式の一つとして、断熱関係式 $\left(\frac{dE}{da^{-1}}\right)_{S,V,N} = -\frac{\hbar^2}{4\pi m}C \equiv -Iがある[7,8]$ 。こ

の関係式は、フェッシュバッハ共鳴を用いて散乱長を変化させたときの多体系の内部エネルギーの変化を 示している。

このコンタクトを用いた断熱関係式の表式は、まさに新しい熱力学変数の導入を期待させる。相互作用 のない気体の内部エネルギーの全微分は、 $dE = -pdV + TdS + \mu dN$ で与えられるが、上記の断熱関係式よ り、 a^{-1} も内部エネルギーの熱力学変数である事が解る。よって s 波散乱長も熱力学変数として考えると、 今考えているフェルミ粒子系の内部エネルギーの全微分は、 $dE = -pdV + TdS + \mu dN - Ida^{-1}$ で与えられ ることが解る。グランドカノニカルポテンシャルは $\Omega = E - TS - \mu N$ であるため、グランドカノニカルポテ ンシャルの全微分は、 $d\Omega = dE - d(TS) - d(\mu N) = -pdV - SdT - Nd\mu - Ida^{-1}$ で与えられる事が解る。Vの みが示量変数であるため、結果として"普遍的"な性質を持つフェルミ粒子系の状態方程式は $\Omega(V,T,\mu,a^{-1}) = -p(T,\mu,a^{-1})V$ の形で与えられることが解る[9]。

3. 中性子星の普遍的領域

ここで中性子星の地殻領域が先に述べた普遍的な領域に属しているかどうか議論する。地殻領域の中性 子密度は $\rho = 0.0015 \sim 0.5 \rho_0$ 程度であるとされており、これより平均中性子間距離は $d = \rho^{-1/3} = 2 \sim 16$ fm程 度と見積もられる。またフェルミ波数 $k_F = (3\pi^2 \rho)^{1/3}$ を用いると相互作用パラメータは、 $x = 0.04 \sim 0.28$ と 見積もられ、地殻領域の中性子物質はユニタリー極限 (x = 0)から BCS 領域に分布していることが解る。一 方中性子の有効距離は $r_e \sim 1$ fmである。中性子星温度は中性子のフェルミ温度に対して十分小さいためT = 0とし熱的波長は考慮に入れないとすると、長さスケールは $r_e < d$, |a|となる。残念ながら $r_e \ll d$ の条件は満 たしておらず、密度の高い領域では有効距離の2倍程度しか粒子は離れていないが、ほぼ普遍的な領域に 属していると言っても過言ではない。それを示す一つの例として数値計算による中性子物質と冷却フェル ミ原子(普遍的多体系)のエネルギー比較がある[2]。計算結果によると多少有効距離の影響があるものの、 10%以内の範囲で中性子物質と冷却原子の内部エネルギーが一致していることが判る。また理論的に有効距 離を取り入れ補正を加えることも可能であり、より精度の高い情報を中性子星に提供できる。詳細は他の 論文に譲る[10]。

冷却原子から中性子星に情報提供できるのは状態方程式のみではない。中性子星の冷却曲線は、超流動 相転移温度、超流動密度、超流動ギャップ、中性子の比熱が大きく関わっている。また冷却フェルミ原子 系で実験可能なスピンインバランス系、格子系、粘性、抵抗、渦なども中性子星の磁場や回転、格子状に 並んだ原子核の影響等と関係があり、大きな可能性を秘めている。実験室のテーブル上で中性子星の実験 が可能なのはまさに普遍的性質の賜物である。

4. 状態方程式を決める実験的手法

本研究はフェルミ粒子である 6Li 原子を用いる。二成分フェルミ粒子系は基底状態の 2S 軌道の超微細構 造 F=1/2 状態の 2 つの磁気副準位、 $|F = \frac{1}{2}, m_F = -\frac{1}{2} >$ 、 $|F = \frac{1}{2}, m_F = +\frac{1}{2} >$ に全粒子数の半分ずつを分布さ せる事により実現される。この二つのスピン状態間には 834Gauss で s 波散乱長が発散するフェッシュバッ ハ共鳴が存在し、外部磁場を調整するだけでスピン間の s 波散乱長を任意に制御する事ができる[11]。基 本的な実験の流れは次の通りである。真空チャンバー中でリチウム金属を 350℃程度に加熱し、蒸発した リチウム原子をレーザー冷却により 1mK 程度まで冷却、その後原子の共鳴線より十分波長が長いレーザー 光で光双極子トラップを行い、冷却フェルミ原子を保存場に閉じ込める。続いて原子にラジオ波を照射し 目的のスピン状態に分布させ、エネルギーの高い粒子を選択的に逃がす蒸発冷却を経た後、極低温二成分 フェルミ粒子系はフェルミ縮退に到達する。この時与えている磁場強度によりスピン間の s 波散乱長が決 定され、幅広い相互作用領域を研究できる。冷却原子の観測は吸収イメージング法により行う。これは共 鳴レーザー光を冷却原子に照射し、原子の存在するところで吸収され透過してきたレーザー光の影の分布 から原子の分布を測定する手法である。トラップ中で撮像する事により原子の密度分布を、またトラップ から解放後に撮像する事により原子の運動量分布を得ることができる。

さて、このように温度も相互作用も自由に制御できる冷却原子系だが、一つ大きな問題点がある。それ は調和型の光トラップに閉じ込められている冷却原子は不均一な密度分布を持っていることである。これ により、温度Tとs波散乱長a以外の熱力学量、例えば圧力Pや化学ポテンシャルµ、またフェルミエネルギ ーεFは密度に依存する為、相互作用パラメータxや温度パラメータθも位置に依存してしまう。よって状態 方程式p(T,µ,a⁻¹)を冷却原子系で決定するには、局所的な圧力、局所的な温度、化学ポテンシャル、s波散 乱長の組み合わせを測定により決定する必要がある。また、温度計や圧力計は我々の生活の中に存在する 為どうにか測定できる気がするが、化学ポテンシャル計となると頭を悩ます問題である。

これまで我々は s 波散乱長が発散しているユニタリー極限の熱力学に興味を持ち研究を行ってきた。ユ ニタリー極限において熱力学関数は温度と密度のみで与えられるため、内部エネルギーの熱力学関数は $E = N\varepsilon_F(n)f_E\left(rac{T}{T_F(n)}
ight)$ によって与えられる。つまり実験的に内部エネルギー、粒子数密度、温度の組み合わ せを、不均一に分布している冷却原子気体の各局所点で決定する必要があるのである。この時我々が見出 した解決方法は次の通りである[12]。まず気体の圧力とポテンシャル間に働くの力のバランス、 $VP(r) + n(r)VU_{trap}(r) = 0$ を用いて、粒子密度分布とポテンシャル形状から圧力分布を求める。次にユニ タリー極限の圧力関係式 $PV = rac{2}{3}E$ を用いることにより内部エネルギー分布を得る。気体の温度は原子のサ イズより見積もることができるので、これにより局所的な内部エネルギー、粒子密度分布、温度の組み合わせを得る事ができるのである。ユニタリー極限の状態方程式*P*(*T*, μ, *a*⁻¹ = 0)は熱力学関係式を用いると内部エネルギーの関数から導出可能である。ただし残念ながらこの手法はユニタリー極限限定の関係式である圧力関係式や熱力学関数を用いているため、任意の s 波散乱長で相互作用している粒子系に用いることができない。また気体のサイズから見積もる温度評価の精度も悪く改善が必要である。そこで我々は任意の s 波散乱長で相互作用している二成分フェルミ粒子系の状態方程式を高精度で決定する方法を以下に提案する。

・<u>局所的圧力 P(r)</u>:バランスの関係式からも局所的な圧力が求まるが、近年もっと簡単な導出方法が判っている[13]。ギブス-デューエムの関係式より局所的な圧力の関係式は $dp = -sdT + nd\mu$ で与えられる。気体は熱平衡状態にあり z 方向に軸対称なポテンシャルにトラップされているとする。このとき絶対温度T はトラップ全体に渡り一様であり、また局所密度近似(LDA)により局所的な化学ポテンシャルは任意のz平面上で $\mu(r,z) = \mu(0,z) - \frac{m}{2}\omega_r^2 r^2 となる$ 。故に $d\mu = -m\omega_r^2 r \epsilon$ 代入し軸上 (r = 0) での圧力を求めると、 $P(r = 0, z) = m\omega_r^2 \int_0^\infty nrdr = \frac{m\omega_r^2}{2\pi} \bar{n}(z) となる。ここで<math>\bar{n}(z) = \iint_{-\infty}^{+\infty} n(x,y,z) dx dy$ は原子の密度分布を半径方向に積分した線密度である。よって吸収像で観測される密度分布そのものが局所的な圧力の測定に相当する事が解る。また原子の密度分布を測定する撮像系の分解能が、実験で得られる状態方程式の精度に直結していることが容易に解る。それ故我々は原子の密度分布を高分解能で撮像できるシステムを導入中である。

・<u>絶対温度</u>:理想気体の場合、気体の温度は既知の運動量分布により評価する。だが強く相互作用して いるフェルミ粒子系の運動量分布と温度の関係は解析的に判っていないので、運動量分布は温度評価には 使えない。我々はこの問題を解決する為、ENS が用いた 7Li を温度計として 6Li に混ぜる方法を考えてい る[14]。同位体であるボゾンの 7Li は 6Li と弱く相互作用する為、6Li の物性を大きく変化させない。ま た弱く相互作用し、ほぼ理想ボース気体として扱える 7Li の運動量分布は既知なため、7Li をトラップか ら解放し運動量分布を測定する事により絶対温度を評価する事ができる。

・<u>化学ポテンシャルμ</u>:局所的な化学ポテンシャルはLDAより $\mu(r) = \mu(0) - U_{trap}(r)$ で与えられる。よってトラップ中心の化学ポテンシャルが判ればトラップポテンシャルの形状から局所的な化学ポテンシャルが得られる。そこで我々は次のようなトラップ中心の化学ポテンシャルの決定方法を提案している。熱平衡状態の下、局所的な内部状態は $\mathcal{E} = Ts + \mu n - P$ の関係式で成り立っている。これを三次元調和ポテンシャルとLDAを用いてトラップ全体で積分すると、 $E_{rel} = TS + \mu(0)N - \frac{5}{3}E_{pot}$ が得られる。ここで E_{rel} はリリースエネルギーで運動エネルギーと相互作用エネルギーの和である。Sはトラップ全体のエントロピー、Nは全粒子数、 E_{pot} はポテンシャルエネルギーである。実験的には、リリースエネルギーは相互作用が働いている状態でトラップから解放し、相互作用エネルギーが運動エネルギーに変換されてから運動量分布を測定する事により求まる。トラップ全体のエントロピーは磁場を断熱的にBCS極限まで掃引し、原子の密度分布とエントロピーの関係が判っている相互作用領域で密度分布を評価する事により求まる。ポテンシ

ャルエネルギーはトラップ中の密度分布とトラップポテンシャルの形状により求まる。よって分からない のはトラップ中心の化学ポテンシャルのみとなり実験的に求める事ができるのである。

・<u>s 波散乱長 a</u>: 散乱長の磁場依存が既知である[11]。

以上により、不均一なトラップ系から実験的に局所的な熱力学量で与えられる状態方程式 $p(T,\mu,a^{-1})$ の決定が可能であることが解る。状態方程式が得られれば、これは単位体積当たりのグランドカノニカルポテンシャルであるため、全ての熱力学量を導出する事が可能である。つまり粒子密度 $\tan = \left(\frac{dP}{d\mu}\right)_{T,a}$ 、エント

ロピー密度は $s = \left(\frac{dP}{dT}\right)_{\mu,a}$ 、内部エネルギー密度は $\mathcal{E} = Ts + \mu n - P$ より求まる。これにより粒子密度と内部

エネルギーの関係が得られ、中性子物質の状態方程式として与えることができる。

このようにして近い将来得られる状態方程式の妥当性を評価する方法を述べておく。先に述べた普遍的 多体関数 $h(x,\theta)$ を用いると、圧力関係式: $PV = \frac{2}{3}(E - N\varepsilon_F xh(x,\theta))$ と断熱関係式: $\left(\frac{\partial E}{\partial x}\right)_{\theta} = 2\varepsilon_F Nh(x,\theta)$ が 得られる[6]。よって、ある (x,θ) の点での圧力と内部エネルギーを比較する事によって得られる $h(x,\theta)$ と、 その両端の内部エネルギーを同じ温度パラメータxで測定し、エネルギー勾配から得られる $h(x,\theta)$ が一致す るかを評価すれば良い。この方法は理論的モデルに頼らない評価方法であり、この方法で実験データの妥 当性が評価されれば、実験データは一切の近似や仮定を含まない普遍的多体フェルミ粒子系を記述する理 論のベンチマークとなる。

5. 現状

現在我々は三次元磁気光学トラップに 6Li 原子と 7Li 原子を同時に約 10° 個ずつ捕獲する事に成功している。温度はそれぞれ約 200 µK であり、光双極子トラップの深さが 1mK 程度なので十分捕獲可能である。典型的に 1%程度の 10° 個の原子が光トラップにトラップされ、蒸発冷却後 10° 個程度のフェルミ縮退を見込んでいる。

6. まとめ

本研究により希薄な二成分フェルミ粒子系の状態方程式、多体系に存在する普遍的多体関数を決定する。 状態方程式より粒子密度や内部エネルギーを導出し、中性子物質の状態方程式を与える。また中性子星の 冷却曲線を説明する上で重要な超流動相転移温度や比熱等も状態方程式から導出可能である。ただし、中 性子物質は冷却原子に比べ十分に希薄ではなく、有効距離の影響が無視できないため、冷却原子の情報を 中性子物質に適応するには理論的補正が必要になる。実験的に冷却原子の有効距離を変える提案もされて おり、将来の挑戦課題の一つである[15]。本新学術プロジェクトは冷却原子と原子核の分野が融合する日 本で初めての機会である。これを機に新しい研究分野が開けることを期待する。

参考文献

- [1] P. B. Demorest, et al., Nature 467, 1081-1083 (28 October 2010).
- [2] Alexandros Gezerlis and J. Carlson, arXiv:1109.4946.
- [3] Allan Adams *et al.*, arXiv:1205.5180.
- [4] Wilhelm Zwerger, The BCS-BEC Crossover and the Unitary Fermi Gas (Lecture Notes in Physics).
- [5] J. T. Stewart, J. P. Gaebler, and D. S. Jin, Nature <u>454</u>, 744 (2008).
- [6] Shizhong Zhang and Anthony J. Leggett, Phys. Rev. A 79, 023601 (2009).
- [7] S. Tan, Annals of Physics <u>323</u>, 2952 (2008). S. Tan, Annals of Physics <u>323</u>, 2971 (2008). S. Tan, Annals of Physics <u>323</u>, 2987 (2008).
- [8] Eric Braaten, arXiv:1008.2922.
- [9] Víctor Romero-Rochín, J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. <u>44</u> 095302 (2011).
- [10] Félix Werner and Yvan Castin, arXiv:1204.3204.
- [11] M. Bartenstein, Phys. Rev. Lett. <u>94</u>, 103201 (2005).
- [12] M.Horikoshi, et al., Science <u>327</u>, 442 (2010).
- [13] Tin-Lun Ho and Qi Zhou, Nature Phys. <u>6</u>, 131-134 (2010).
- [14] S. Nascimbène, et al., Nature <u>463</u>, 1057-1060 (25 February 2010).
- [15] Bout Marcelis, et al., Phys. Rev. Lett. 100, 153201 (2008).