On the Conception of Lattice Space
and its Application to Quantum Mechanics

三次元(乃至四次元)空間に於て、二つの座標系に対して座標
整数値をとる私は点すみから或る条件を与へると、
他の座標系ではさうでなくなる。　特に立正座標を用ひ、

長さの単位を考へて初めて座標が整数値を取ることと
なる。しかし之を屢々量子力学に適用して、実際の空間を表はすものと考へること
は一寸難しい。　或る座標系に対して気が触れた点が他の座標系に対して
は離すった点になることは物理的に実現を与へて不可能である。

そのがはりに座意の座標系に対して失は lattice space point の
集合を考へ。　かる失との lattice space の lattice point すなはその間には
statistical な関係しかないと仮定してゐる。即ち

A なる座標系に対して　(m_1, m_2, m_3) なる点をとり、

B なる座標系に対して　(n_1, n_2, n_3) なる点をとると、

$$m_i = \sum_{n_j} (m_i | C | n_j) \, n_j.$$

なる transformation の法則が成立つとする。

逆の transformation は

$$n_j = (n_j | C^{-1} | m_i) \, m_i$$

である。

（通常の coordinate transformation に対しては
$$m_i = C_{ij} \, n_j$$
であるとき、$(m_i | C | n_j)$ は その此ら此えの
matrix である。しかし、m_i, n_j が共に整数であるためには
$(m_i | C | n_j)$ なる matrix には相当の制限が付されなければならぬ。）

上の transformation の物理的意味は 一つの座標系に於ける
m_i なる点は 他の座標系に於ける n_j なる点に移せる。
の n_j に移る。

$(m_i : \text{fixed}) \quad (m_i | C | n_j)$
なる probability で移してゐるといはれる。

$$\overline{\psi}(x) = \int f(x, x') \psi(x') \, dx'$$

$$\overline{\psi^*}(x) = \int \psi^*(x') f(x', x) \, dx'$$

$$f^*(x, x') = f(x', x)$$

$$\int f(x, x'') Q(x'', x''') f(x''', x') \, dx'' dx''' = \overline{Q}(x, x')$$

$$\int \overline{Q} \, \psi(x, x'') \, \overline{\psi}(x') \, dx' = 0.$$

$$\longrightarrow \int f(x, x'') Q(x'', x''') f(x''', x'''') f(x'''', x') \psi(x') = 0$$