

湯川・林
 非線形場の量子化について (1954 Oct. ~ Nov., Osaka)
 On the Quantization of Non-linear Fields.
 H. Yukawa and C. Hayashi

Field equations:

$$\frac{\partial A(x)}{\partial x^\mu} = i [A(x), P_\mu], \quad [P_\mu, P_\nu] = 0$$

1. energy-momentum vector P_μ の存在.
2. energy operator H 最低の固有値 E_0 を持つ. E_0 は H の基底状態を定義する.

3. $P_\mu \Phi_k = k_\mu \Phi_k$
 k_μ : future-like (or $k_\mu - (k_\mu)_0$: future like)
 $(\Phi_0, A(x) \Phi_k) = A_0 k(x) = a_0 k \exp(ikx)$

$$\left(\begin{aligned} \frac{\partial A_0 k}{\partial x^\mu} &= i (\Phi_0, [A(x), P_\mu] \Phi_k) \\ &= i k_\mu A_0 k(x) \end{aligned} \right)$$

$$\langle A(x) A(x') \rangle_0 = i \Delta^{(+)}(x-x')$$

$$= \sum_k (\Phi_0, A(x) \Phi_k) (\Phi_k, A(x') \Phi_0)$$

$$= \sum_k a_0 k a_{0k}^* \exp(ik(x-x'))$$

$$\Delta^{(+)}(x) = -\frac{i}{(2\pi)^3} \int \theta(k_0) \rho(-k^2) \exp(ik(x-x')) d^3k$$

$$\rho(-k^2) = (2\pi)^3 \sum a_0 k a_{0k}^*$$

$$\theta(x_0) = \frac{1}{2} (1 + x_0/|x_0|)$$

この場合 $\rho(-k^2) = \rho(k^2)$ は k_μ が time-like
 x と x' の computation が必要 $x_0 > 0$ かつ $x_0 > |x_0|$,
 positive x_0

②
 $\xi = \tau$ 今, $R_{\mu\nu} = 0$ 上の $R_{\mu\nu}$ の場合
が真空 $\xi = \tau$ と, - 故に 他 地の $g_{\mu\nu}$
が $\xi = \tau$ 上 $R_{\mu\nu}$ は space-like, time-like
(future-like and past-like) であることは
示す。 $\xi = \tau$ 上の $\xi = \tau$ である。