

U

YHAL F16 010

湯川 秀

昭和十八年二月

二七日



理論物理学 colloquium (その他)

(田村, 谷山, 中村, 長谷川, 小林, 湯川) 1943. 2. 27 (土)

素粒子論の基本法則に就いて, 湯川秀樹

今回の colloquium の結論:

どういふ  $\psi$  をかへたか

今の量子力学の形式は,

物理量を何か一箇に  $\psi$  とし表はす

$\psi$  のものは wave fun.

何かの形式で表現出来る

実際の波動函数:

位置・時刻  $xyz$  の決つた形のものを表はす

量

それに対応する演算子の Matrix として

とす

$\psi(xyz)$

この  $\psi$  を求める  $\psi$  の何かある

$\psi$  に  $\psi$  に対応する  $\psi$  は  $\psi$  の  $\psi$  で  $\psi$  である

どういふ  $\psi$  であるかを求める材料がある

例へば

$T$  の  $\psi$  の  $\psi$  は  $\psi$  とし

$XYZT$

か  $\psi$  であるとき  $xyz$  と  $XYZT$  の  $\psi$  の

$\psi(xyz/XYZT)$

一冊と比べて入っている

non rel. :

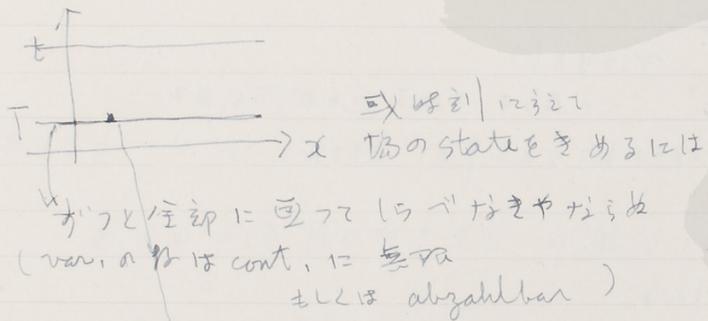
時は非相対論的.  $T \ll \hbar$   
 $t \ll \hbar$

として 固まらぬ系 における 偏し合状態  
 であつてもかまはぬ.

( $x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t$ )  
 (時間方向に  $E$  を取り替へてもいい 能  $T \ll \hbar$ )

これを素粒子論では どう表へたのか;

場の振動子を表はす.



「かつ」全部に回つてしらすべきやないか  
 (var. の数は cont. に無限  
 しくは abzählbar)

と云ふ  
 此「 $t$ 」の電子の数  $n(x)$   
 (と云ふ量)

$x$  param. として入つてゐる. 更に時間  $E$  と  $x$  と

$n(x, T)$

この位分布はよつて場がきまる

この  $t$  に於いて  
 $n(x, t)$   $E$  をきく.

すると

いろいろの state の表はされる 振幅がきまる.

$\psi(n(x, t) / n(x, T))$

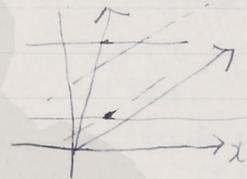
つれい 原因を考へておいて ある  $t$  が  $E$  知ると 解しよ

(これは現在の  $Ph.$ , Heisenberg  $P$ )

之  $E$  をきく するとしても 之  $E$  を去てはあない.

Rel. の立場では

極めて不便.

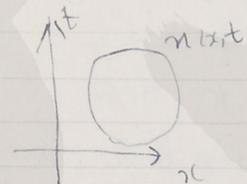


形式

無限に遠い所  $E$  をしらすのは  
 不便.

有限の所に止めようとする

と云ふので切つてしまつて. 境界 cond.  $E$  附加  
 すればいい. 一般に. 閉曲線 を考へて

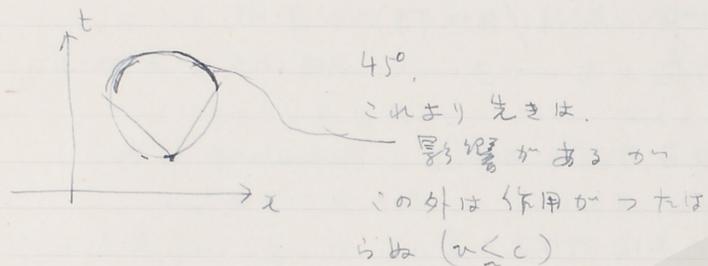


その上で  
 $x, t$   $E$  にかへたは  $n(x, t)$  にか

どうかはるか  $E$ . 考へると  
 場がきまる. と云ふ

$\psi(n(x, t))$  :

$\psi(n(x,t))$  とも  $\psi$  にした。  $\psi$  というのは形式にするか、  
 この  $\psi$  は、原 級 と はつきり分け  
 られぬ、  $\psi$  と  $\psi$  がついてゐる。



標準にふくざらで一般に分けられぬ。  
 これは当然。

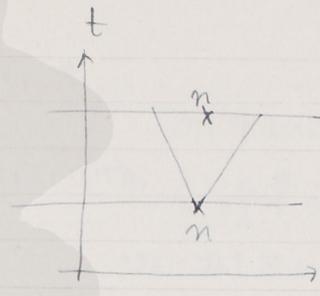
また中に区切りを入れられぬ  $\psi$  から  
 今の formalism とちがって表わすならぬ

- 1) 之が存在しえるかどうか かの問題  
 或 a for. によるとよらぬに  
 うらなす

$$\psi(x(x,t) / n(x,T))$$

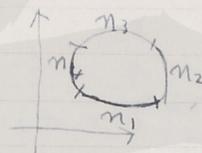
交換不可能な関係がある筈。

この存在も  $(x_1, z_1, t_1, p_1, y_1, t_1)$   
 が入つてゐる、これがあれば  $\psi$  かの  
 意味をさす。



この二つの  $n$  が交換不可能  
 だからこそ作用がつかはる。

はじめから矛盾してゐる  $\psi$  にみ  
 えが、之を圖式的に



( $\infty$  に近いのあるのはむづかしい)

この範囲の夫々にある  $\psi$  の  
 数 (少し漠然とさせる)

の一群を  $\psi$  の  $\psi$  によって、  
 (  $\psi$  の中にある  $\psi$  の数 )

すると  $\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$  を求める向は  
 なし得る、これには  $\psi$  がもたせえる

例へば

$$\psi(n, 1, 0, 0, 0)$$

(出来た) 消えたりする  $\psi$  を許せばである)

$$\psi(1, 0, 1, 0) \neq 0$$

これは出てゆく

$$\psi(0, 0, 1, 1) \neq 0$$

又、出来たり消えたりしないとする

$$\psi(1, 0, 0, 0) = 0$$

$$\psi(0, 2, 0, 0) = 0$$

$$\text{即ち } n_1 + n_2 + n_3 + n_4 = 2$$

かつ  $\psi \neq 0$

この  $\psi$  は 定まる と 予想 された。  
 以上か、  
 1/2 位の 量子力学では 物理的 な量 は  
 演算子 (operator)

$x$ :  $x \psi(x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t)$   
位置 座標 と みる  
 $p_x$   $-\frac{\hbar}{i} \frac{\partial}{\partial x}$   
 と 約束 しておく  $p_x$  の 作用 は 位置  $x$  に 対し  
 $x$  が  $z$  の 成分

すると  $\psi$  の 結合, 交換  
 所が, この  $\psi$  は, 丁度  $p_x, p_y, p_z$  とも 交換 しない  
 ため である

$p_x \psi(x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t)$   
 と ても define 出来る 或は  
 $\psi(x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t) p_x$   
 という formalism も 一度 出来る。  
 - LF に する のは 出来る, 右左 の ない 様に  
 したい, 物理量 の 表し 方が  
 容易 かつ 変換 出来る ため。  
 $\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$

$n_1$  量:  
 $n_1 \psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$   
 $n_2$  成分,  
 $n_1, n_2 \psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$   
 この 様に  $E$  だけ かける として おけば 恒等 はない  
 位は  $n_1, n_2 \neq n_2, n_1$ 。  
 この 結果 は, 電大,

$x$   $p_x \neq p_x x$   
 $p_x$   $-\frac{\hbar}{i} \frac{\partial}{\partial x}$   
 したがって  $x p_x \neq p_x x$ ,

この  $\psi$  は  $n_1, n_2 \psi$   
 この 演算子 の は 何 にも ない  
 $\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$  は 非 常に 制限 され ない

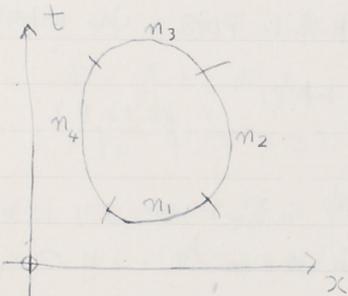
例 えば  
 前の  $\psi$  は  $= e^{\frac{i}{\hbar} p_x x + p_y y + p_z z}$  の 振動 子  
 で なければ ない  
 演算子 に やって いく と  $\psi$  の 振動 子 だけ は みる  
 から, 結合 の law は 始め から 考へ なければならない。  
 左から 右へ と 右から 左へ という 振動 子 だけ の  
 区別 は 必要 がない はず。

複素 共役  $\psi(x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t)$   
 若し  $\psi(p_x, p_y, p_z, t / x, y, z, t) = \overline{\psi(x, y, z, t / p_x, p_y, p_z, t)}$

の形に reduce 出来る。  
 此の場合 入れかたの 11 みをまたぬから  
 前のに記す。  
 $\psi(xyzt/XYZT)$      $\bar{\psi}(XYZT/xyzzt)$   
 の形をとってみると、  
 $\Gamma$      $\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$

$n_1 \dots$  の中に 対向の 前何の 11 3 人なの  
 が 入っている。

このどちらを 対向させるか ambiguous  
 従って 今迄の  $\Omega, \Gamma$  と 対向させる為  
 には  $\psi(n_1, \dots)$  の 中方が 分化されて  
 おなければならぬ。



この範囲内に  
 粒子があり その速度は  
 $v < c$   
 としておく  
 (格束は  $\Omega$  だけ考慮)

$n_1$  の 形にあった  $\Gamma$  は、お互に 空間的  
 な領域としておく と 粒子が 中へ入  
 る  $\Gamma$  をいじめる。  
 次に又  $n_3$  も お互に 空間的 としておく

次に  $n_3$  は 粒子があつた  $\Gamma$  は 内  $\rightarrow$  外  
 という  $\Gamma$  になる  
 内より 外への 法線  $E$  とくると  
 $t$  軸 とおなじ  $l = \pm c$

$$n_1 \leq 0$$

$$n_3 \geq 0$$

曲線の どの方によって 上の 格束 区別 は 出来る。  
 次に  $n_2, n_4$  に 対して は 出て 行く の も

$\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$  に 対し

$$\psi(-n_1, -n_2, -n_3, -n_4) = \bar{\psi}(n_1, n_2, n_3, n_4)$$

全伸として 原 能  $E$  と  $l$  が  $\Gamma$  に 対して  
 ある。

$$\psi(n_1, n_2, n_3, n_4) \rightarrow \psi(xyzt/XYZT)$$

$$\psi(-n_1, -n_2, -n_3, -n_4) \rightarrow \bar{\psi}(XYZT/xyzzt)$$

対向 格束, ( $n_1 \dots$  の 領域  $E$  互に 延長)  
 によって  $\Omega, \Gamma$  と 対向 が つく。

$\psi(\dots n_p \dots)$  は  $\sum_{\nu} i n_{\nu} e^{-i m_{\nu} A_{\nu} t}$   
 の 格束 形 として おく といふ こと が 行 へ る

これは丁度 陽電子の理論と形式  
 的に同解がある  
 これは穴と入れかへる  $\gamma$  に  
 向うん直接あへてもよい  $\gamma$  は去  
 こないか。 とにかく  
 粒子に対してその反対符号のものかあり  
 ある、これと  $n_1 \dots$  の  $\pm$  と関係が  
 あらうか もう少し詳しくしらべてみなければ  
 ならぬ」

問題は、  
 $\psi(n_1, \dots, n_4)$  は存在しえるものであり  
 $n_i \in \pm$  の外に  $0$  をも考へれば、  
 今迄の Q.T と対比はつく。  
 次に形をどうして定めるか、法則は  
 どうして定めるか が見つかるか  
 ばならぬ。 第一物理量の定義の仕方が  
 かかって来た。  
 例へば、量子力学的な運動方程式と  
 交換関係

(運動方程式)  $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = H\psi - HF$   
 (交換関係)  $q_p - p_q = i\hbar$

(体系を表はす量  $E, F$ )  
 $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t}$

内容は上の二者に相当するものがない。

これに対する手がかり

Dirac, Sugi.

現在の Q.T. の対比  $\dots$  古典力学

量子論

この向うのことは Dirac は知っている。

私の欲しいのは 次の対比関係である。

Dirac によると、

量子体系を表はす量

$q_t, q_T$

$T < t$

$$(q_t / q_T) \longrightarrow A(t, T) \equiv e^{i \int_T^t L dt / \hbar}$$

$$A(t, T) = A(t, t_m) A(t_m, t_{m-1}) \dots A(t_1, T)$$

時刻の区切り  
 $\uparrow$   
 $t_1, t_2, \dots, t_m$

小さな区切りの向うでも define 出来る。

$$\left\{ i \int_{t_m}^t L dt / \hbar + \dots \right\}$$

量子力学に於ては之に該当するのは

$$(q_t / q_T) = \int (q_t / q_{t_m}) q_{t_m} (q_{t_m} / q_{t_{m-1}}) \dots q_{t_1} / q_T$$

かくりしんぷくとして積分が  $m$  回。

積分に効いてくるのが途中の時刻の位置に於ると  
 古典力学に相当す。

古典論では  
 実粒子の  
 運動道筋は  
 $q(t)$

$$\delta \int_{t_1}^{t_2} L dt = 0$$

が効くおにたつてる。この  $\int$  が  
 Stationary の平均では  
 $A(t, t_n) A(t_{n-1}, t_{n-2}) \dots$   
 の形が  $\delta$  の変化が  $\delta$  かんまんて  
 其他の所では oscillation がきつくて  
 消えてある。

Dirac の意味の所は 今迄の  $\mathcal{H}, T$  では  
 Hamilton の form までわかる。

$t \in$  特別扱は  $\mathcal{H}, H$ ,  
 (之は不端で 異名わりのいか)  
 Lag. 形  $L$  の方が relativistic には  
 一義的 (不変)。  
 $L$  に対する量子力学的な量は  
 念々しいといつてある。

へんかんを  $\delta q$  とする  
 $\delta \int_{t_1}^{t_2} L dt$   
 $e$   
 に対すし、之がみつかったのが  
 重要といつてある。

扱て我々も  $L$  のおと、 $\psi(n_1, n_2, n_3, n_4)$  と対して  
 得るのではないかと思はれる。

これは難しい  
 今迄  $L = \frac{\partial \bar{\Psi}}{\partial t} \frac{\partial \Psi}{\partial t} + \dots$   
 の意味

場を表現量 (ampl. ではなく)  
 このおともの性質を  $\mathcal{H}$  の式に考へてもらさか  
 かん。さて今迄の  $\mathcal{H}$  形では

固有値  $E$  を求めるのに交換関係で  
 きめる  $q, p$  が  $q, p = i\hbar$   
 をおくと  $i\hbar$ ,  
 交換関係もしくは似たものを  $\mathcal{H}$  まで  
 固有値問題に入つてゆく  $q, p$  が  $\mathcal{H}$  である。

今は勝手には固有値問題に入つて行けない  
 之を埋めるものが  $\mathcal{H}$  である。

今迄は 粒子系  $\leftarrow$  古典論的 おと  
 場  $\leftarrow$  場  
 の類推から ついてきた。

$\mathcal{H}(x, t)$  は物理的の量があるから  
 之れを どうして  $\mathcal{H}$  として来るか、演算子として乗算





定: 2. 系の時間にかはるねな量 (Entropy 等)  
物質などにまじりも入って行っても Entropy のねなものは  
あるが否かは問題  
closed surf 区々以上は集合体

時空 — <sup>量子場の</sup> 相互作用の  
相互作用 — 時間空間的に解く  
近接 (遠隔作用をせうたいに許さんとは  
云へぬ)。